

多色カードを用いた 効率的な対称関数プロトコル

2024/5/22

産学連携と数理・暗号分野連携によるカードベース暗号の深化と新境地

高橋由紘（茨城大）

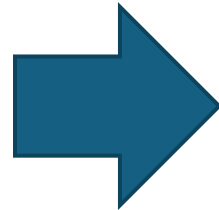
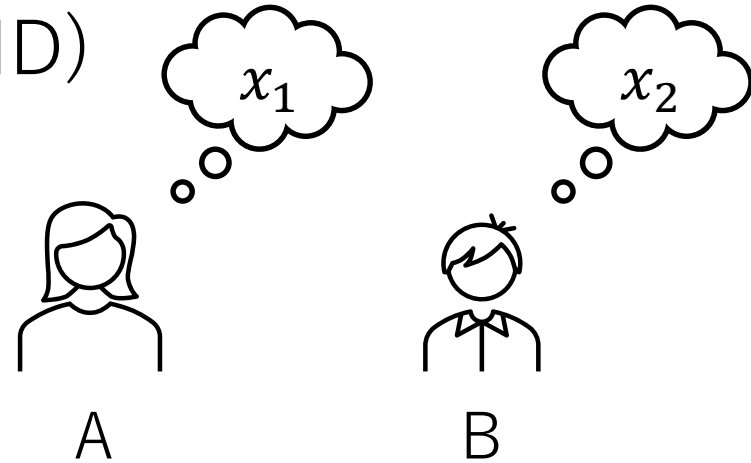
共同研究者：品川和雅（茨城大） 四方隼人（東北大） 水木敬明（東北大）

国際会議APKC2024にて発表予定

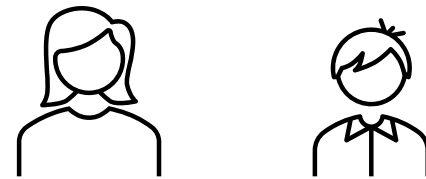
秘密計算

入力を秘密にしたまま計算する暗号技術

(ex. AND)

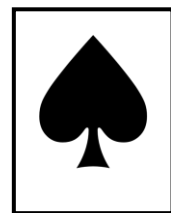
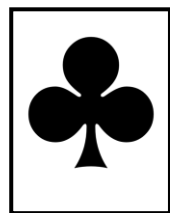
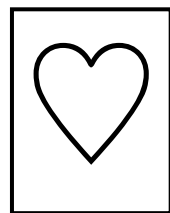


$$x_1 \wedge x_2$$



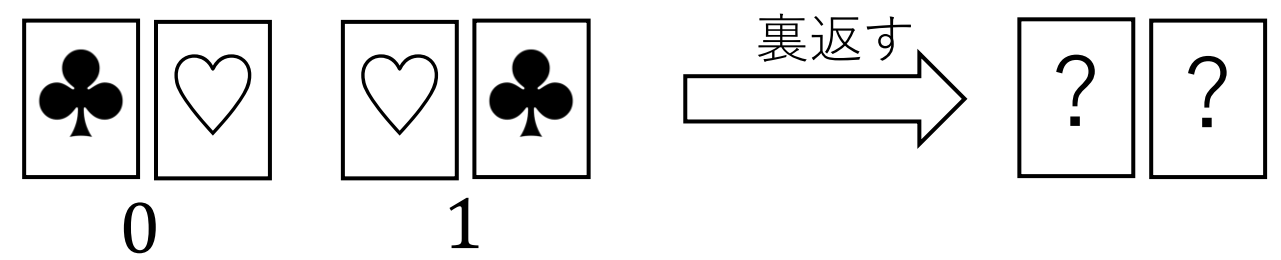
結果のみを出力

物理的なカードを用いて秘密計算を行うことを**カードベース暗号**と呼ぶ

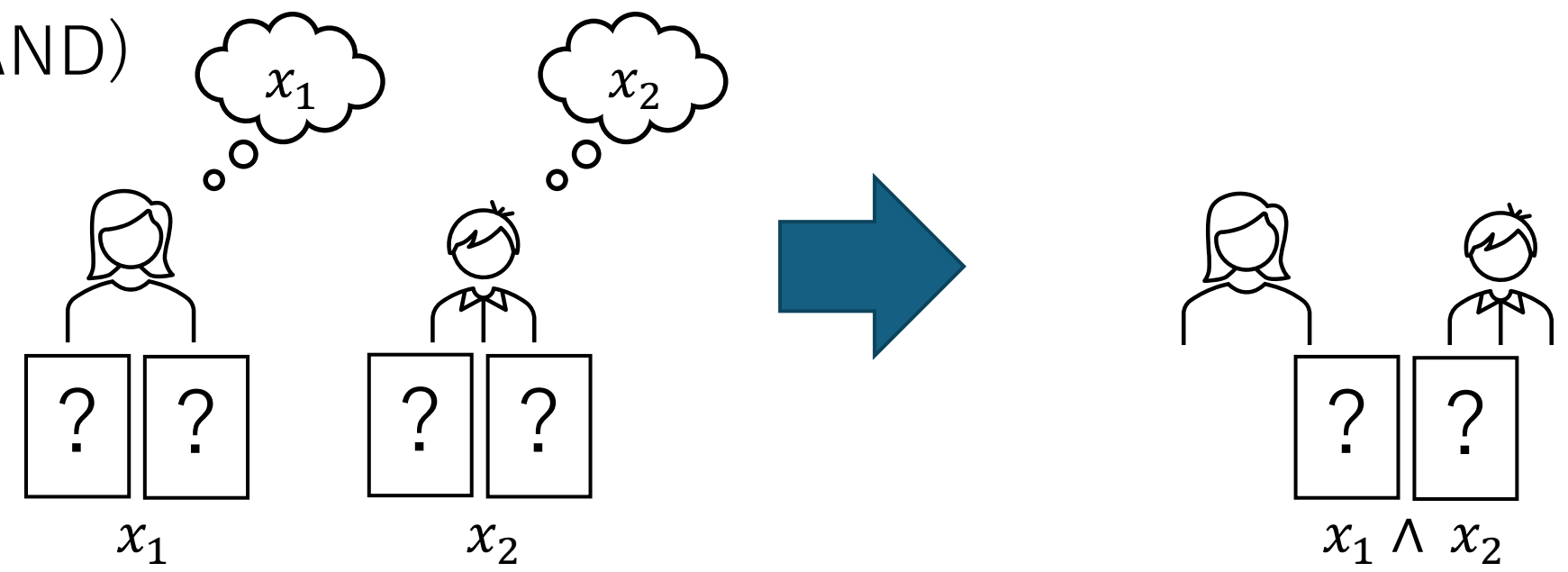


カードベース暗号

物理的なカードを用いて秘密計算を実行する



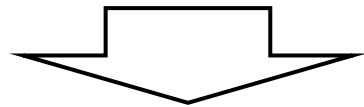
(ex. AND)



対称関数プロトコル

対称関数とは・・・

n 変数関数 $f: \{0,1\}^n \rightarrow R$ が対称関数であるとは、入力の順序を任意に入れ替えても、出力値が変わらない関数



出力は、**ビットの和**に依存するので、ある関数 $g: \{0,1, \dots, n\} \rightarrow R$ を用いて

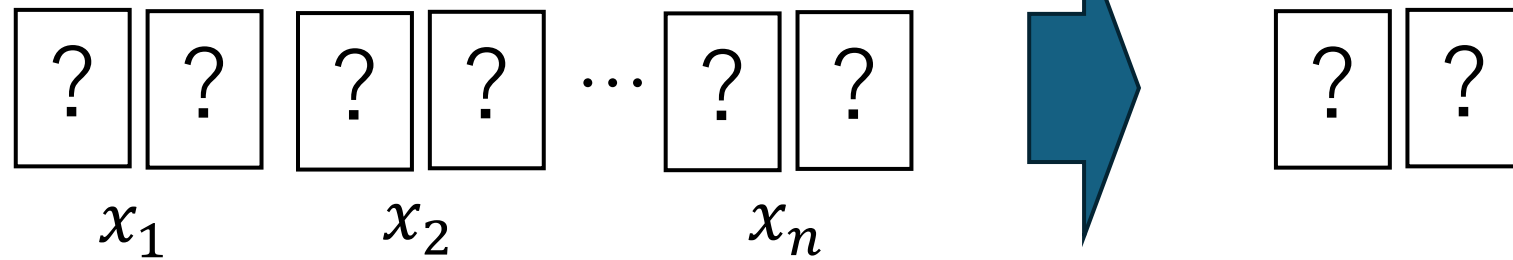
$$f(x_1, x_2, \dots, x_n) = g(\sum x_i) \quad \text{と表せる}$$

(例)

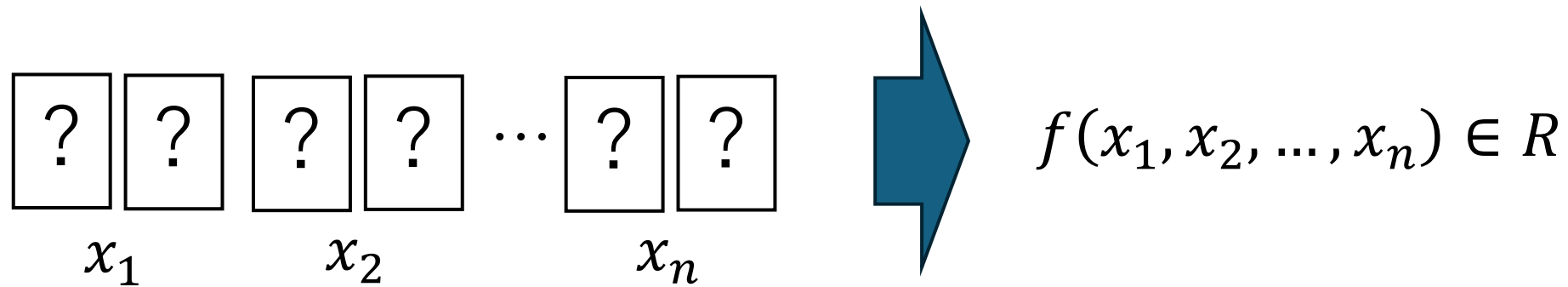
$$f(0,1,1) = f(1,0,1) = f(1,1,0) = g(2)$$

対称関数プロトコル

コミット型対称関数プロトコル... $f: \{0,1\}^n \rightarrow \{0,1\}$



非コミット型対称関数プロトコル... $f: \{0,1\}^n \rightarrow R$ (R は有限集合)



新たな**非コミット型**プロトコルを提案する

貢献

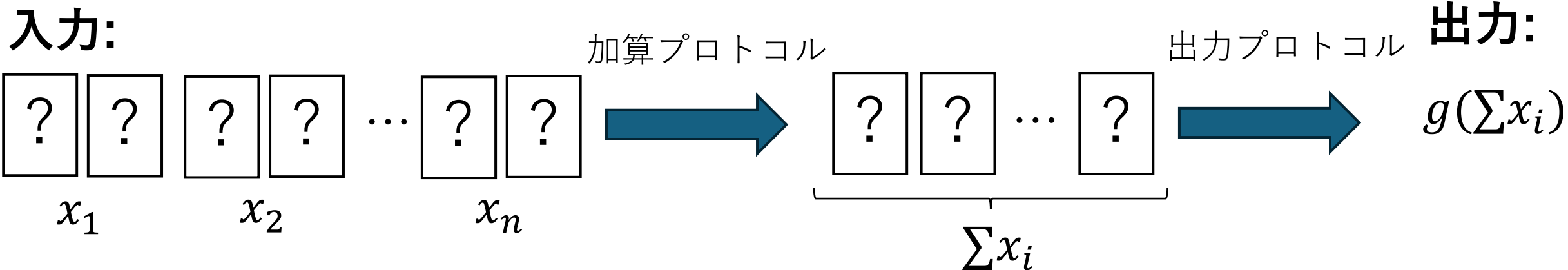
対称関数 $f: \{0,1\}^n \rightarrow R$ を計算する非コミット型プロトコル

考案者	色数	カード枚数	シャッフル回数	有限時間	シャッフル
Ruangwises-Itoh(TAMC2020)	2	$2n + 2$	$n + R - 2$	○	PShift
提案方式①	4	$2n$	$2n + R - 1 + (n - 2) \sum_i^{n-1} \frac{1}{i}$	×	RC
提案方式②	3	$2n + 1$	$n + R$	○	RC and RBC
提案方式③	4	$2n$	$n + R + 8$	×	RC and RBC

- 提案方式①： $2n$ 枚のLas Vegasプロトコル(RCのみ)
- 提案方式②： $2n + 1$ 枚の有限時間プロトコル
- 提案方式③：シャッフル回数を削減した $2n$ 枚のLas Vegasプロトコル

対称関数プロトコル

対称関数 $f: \{0,1\}^n \rightarrow R$ に対する **非コミット型** プロトコルの流れ





本論文では、3つの**加算プロトコル**を提案し、手順を簡略化する

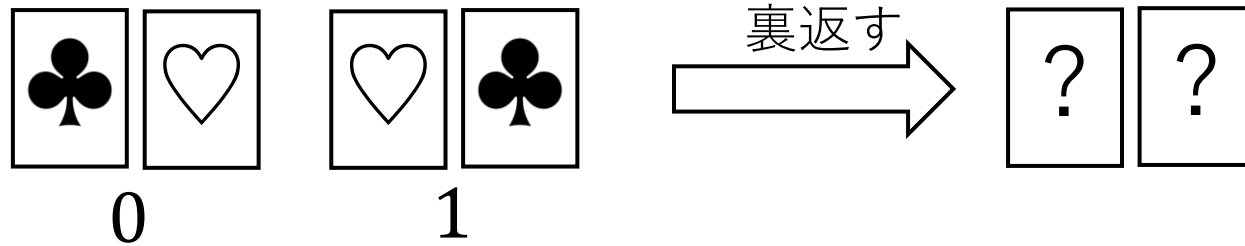
準備


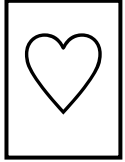
- 1ビットの符号化
- 整数の符号化
- シャッフル

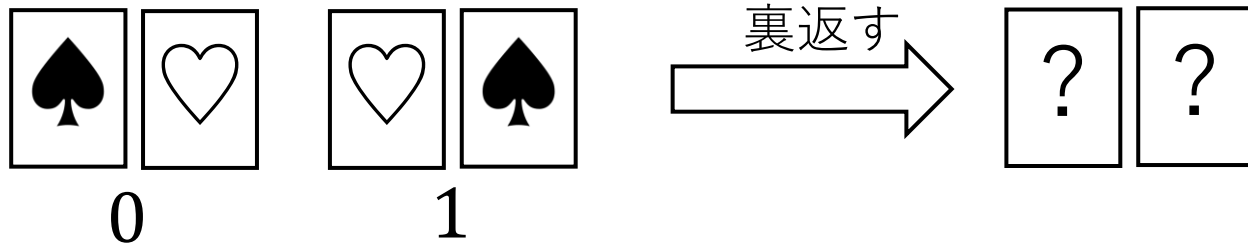
1ビットの符号化

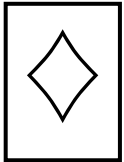
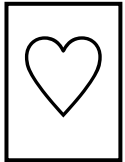
3つのビット符号化方式を用いる

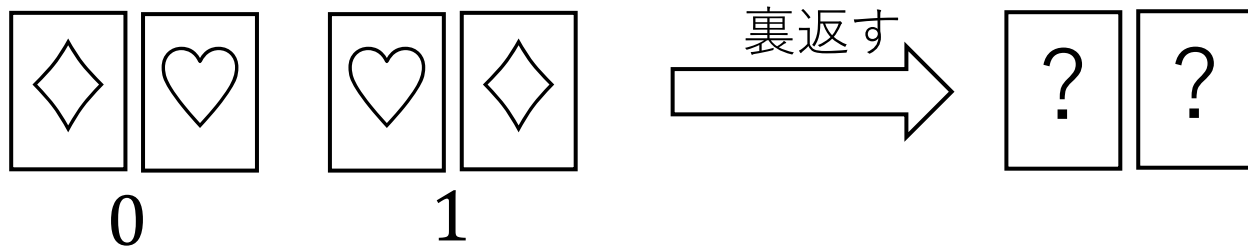
①  と  の2枚のカードを用いてビットを符号化





②  と  の2枚のカードを用いてビットを符号化






③  と  の2枚のカードを用いてビットを符号化

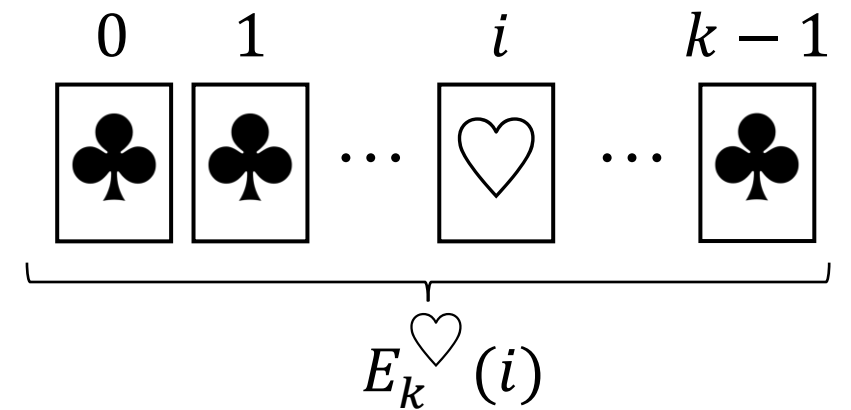
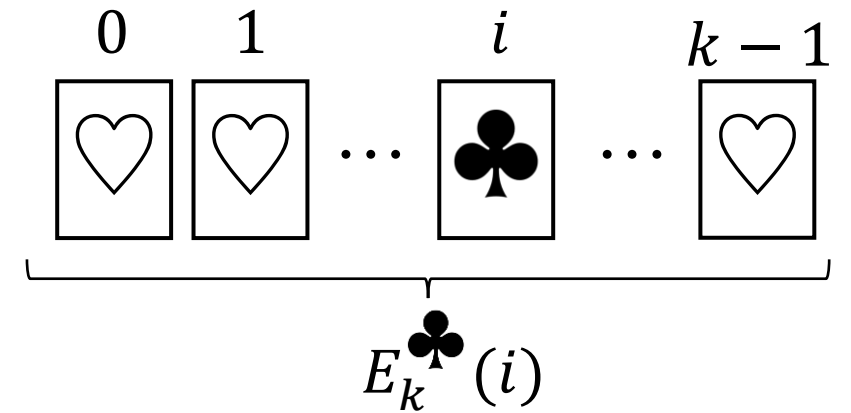


整数の符号化

1枚の  と $k - 1$ 枚の  を用いて整数 $i \bmod k$ を符号化

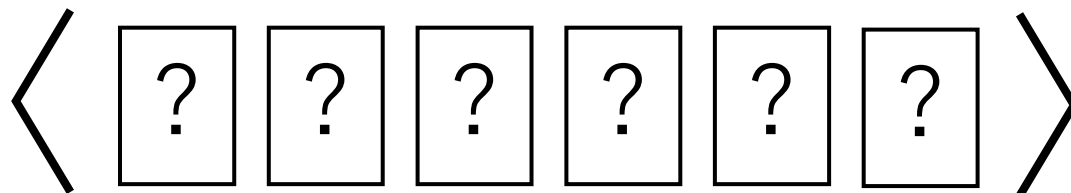
i 番目に  を置くことで整数を符号化
これを $E_k^{\clubsuit}(i)$ と表す

 と  が逆のとき、 $E_k^{\heartsuit}(i)$ と表す



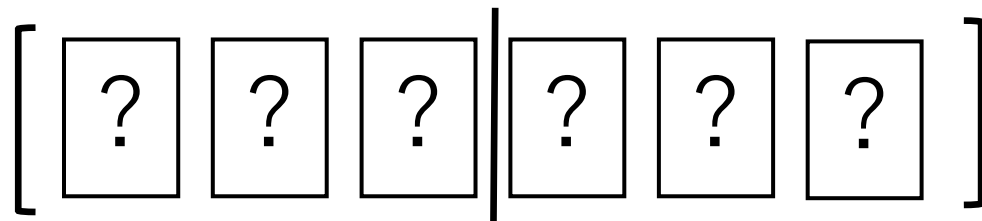
シャッフル

- **ランダムカット**

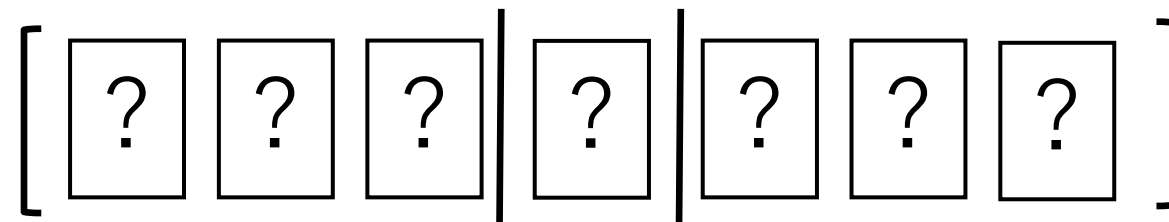


- **ランダム二等分割カット**

偶数枚のとき…

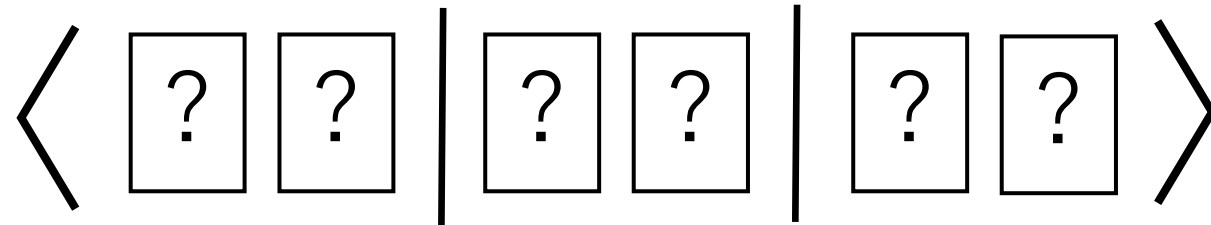


奇数枚のとき…

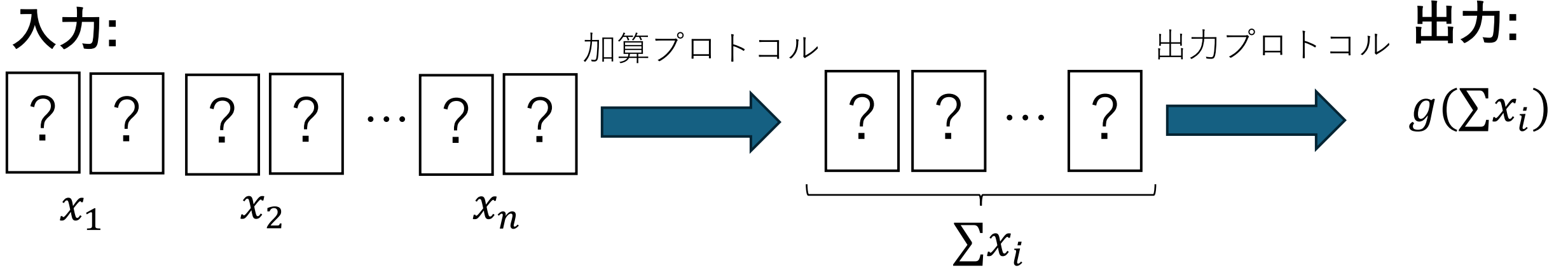


シャッフル

- **パイルシフティングシャッフル**



対称関数プロトコル

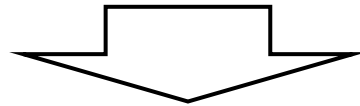


全てのプロトコルに共通する**出力プロトコル**について説明する

出力プロトコル

対称関数 $f: \{0,1\}^n \rightarrow R$ を計算する一般的な手法

加算プロトコルを用いて全ビットを加算



整数符号化された加算結果 $\sum_{i=1}^n x_i$ から対称関数の結果を出力

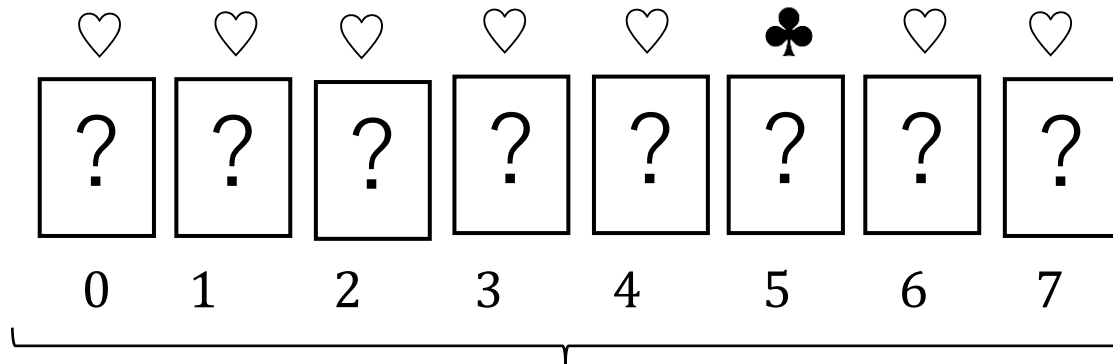
Ruangwises-Itohによって考案されたプロトコルを用いる

Ruangwises and T. Itoh. Securely computing the n -variable equality function with $2n$ cards. In TAMC 2020

出力プロトコル

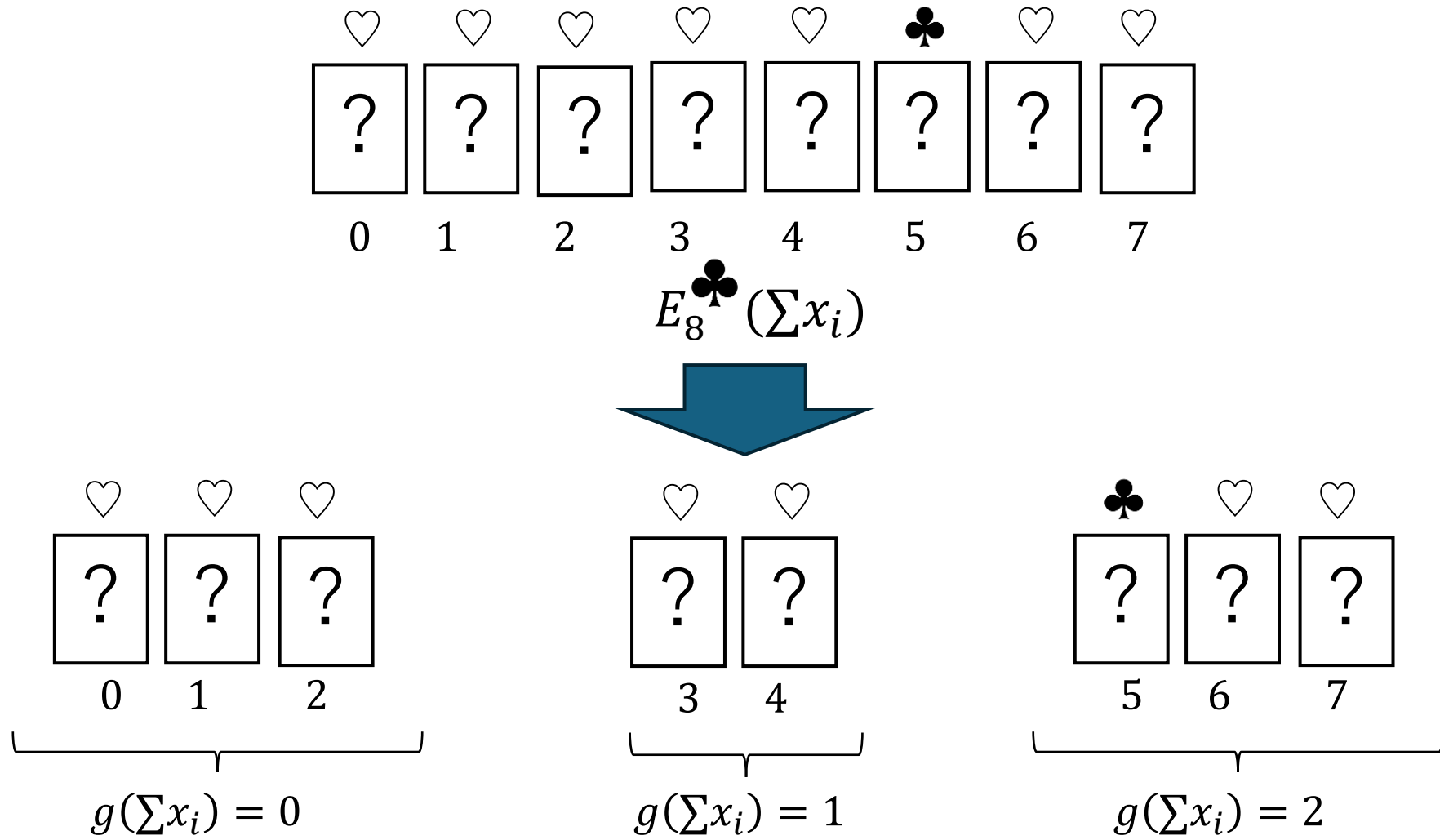
例)

$$f(x_1, \dots, x_7) = g(\sum x_i) = \begin{cases} 0 & \text{if } \sum x_i = 0, 1, 2 \\ 1 & \text{if } \sum x_i = 3, 4 \\ 2 & \text{if } \sum x_i = 5, 6, 7 \end{cases}$$

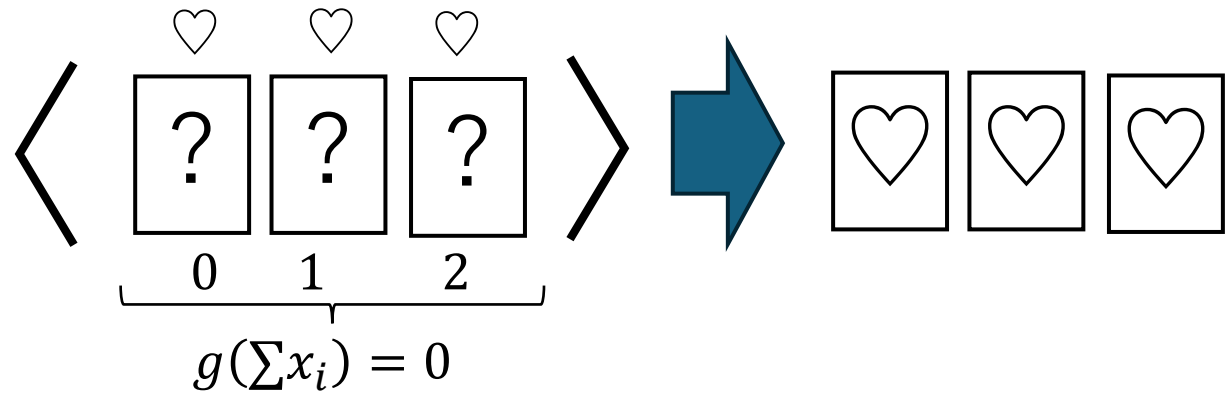


$$E_8^{\clubsuit}(\sum x_i)$$

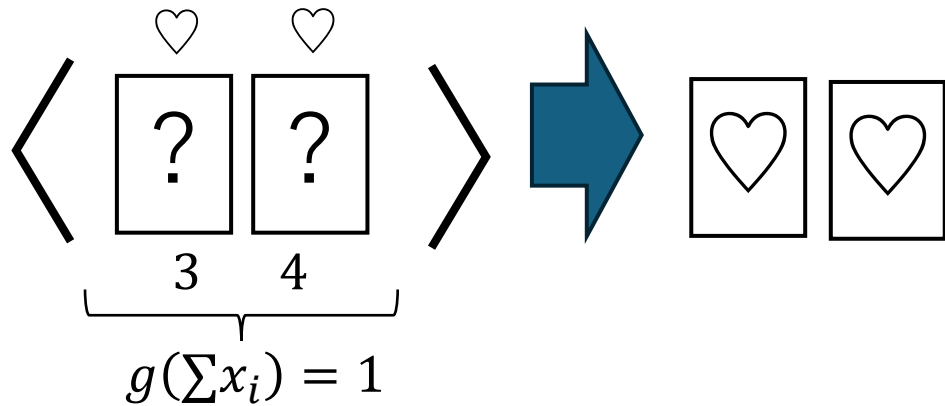
1. カード列をそれぞれの出力ごとに分ける



2. $g(\sum x_i) = 0$ の束にランダムカットを施し、もし♣があれば、0を出力する



3. $g(\sum x_i) = 1$ の束にランダムカットを施し、もし♣があれば、1を出力する



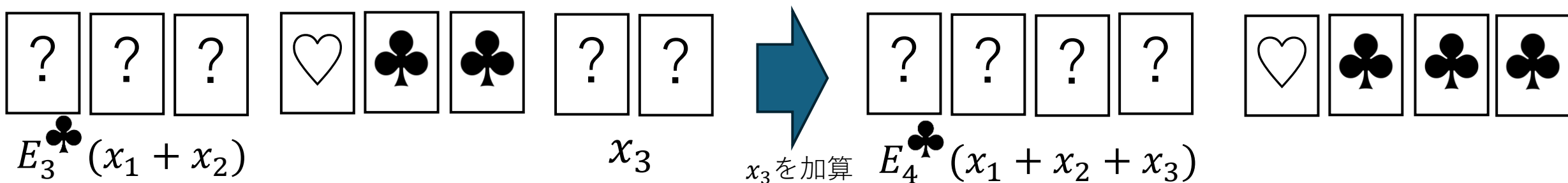
4. この時点で何も出力していない場合、2を出力する

既存プロトコル

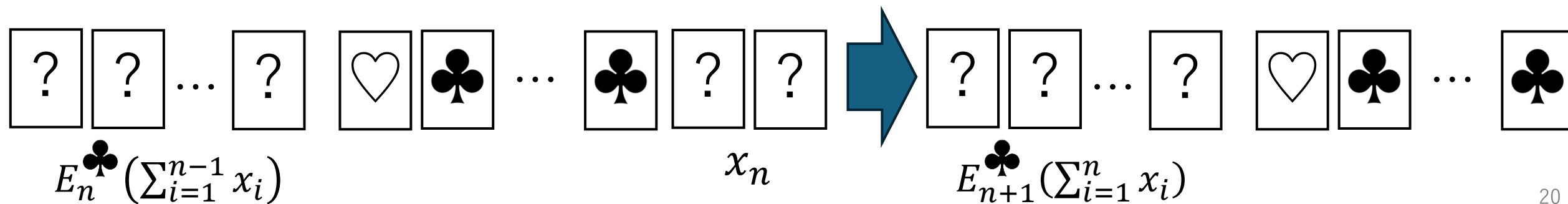
既存加算プロトコル

- **Ruangwises-Itohの加算プロトコル**

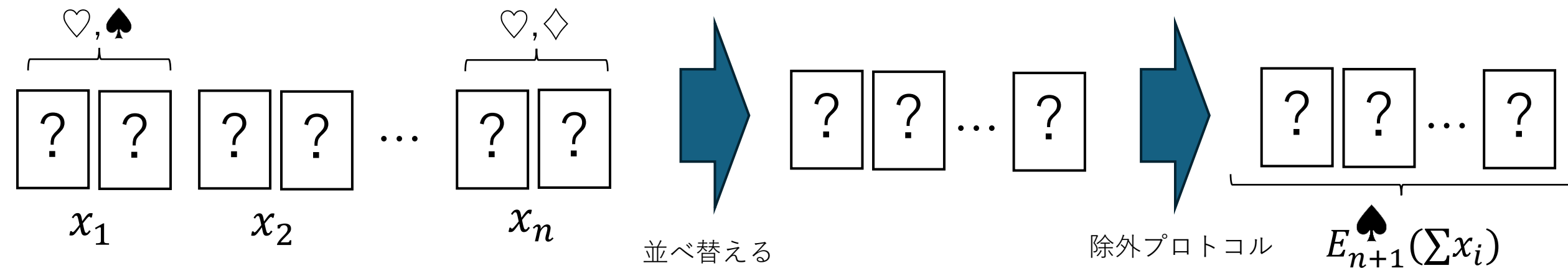
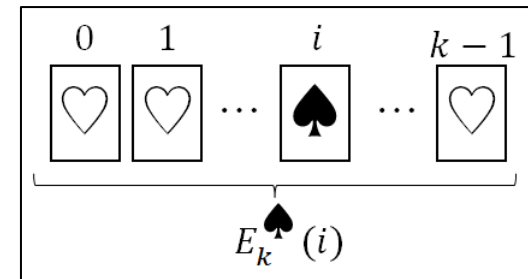
$2n + 2$ 枚の加算プロトコル [Ruangwises-Itoh TAMC20]



...



提案加算プロトコル①の流れ



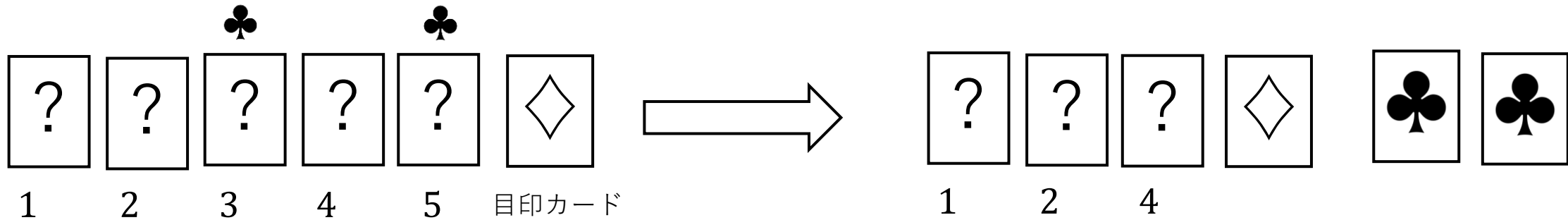
カード枚数： $2n$ 枚(4色)

シャッフル回数： $2n + |R| - 1 + (n - 2) \sum_i^{n-1} \frac{1}{i}$ 回(Las Vegas)

考案者	色数	カード枚数	シャッフル回数	有限時間	シャッフル
Ruangwises-Itoh(TAMC2020)	2	$2n + 2$	$n + R - 2$	○	PShift
提案方式①	4	$2n$	$2n + R - 1 + (n - 2) \sum_i^{n-1} \frac{1}{i}$	×	RC
提案方式②	3	$2n + 1$	$n + R $	○	RC and RBC
提案方式③	4	$2n$	$n + R + 8$	×	RC and RBC

除外プロトコル

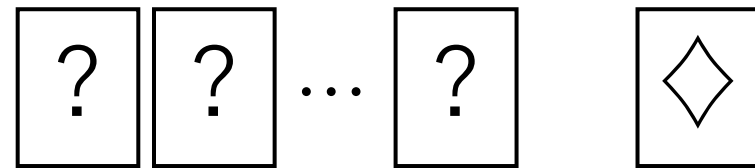
[Takashima et al. 20] によって提案されたプロトコル



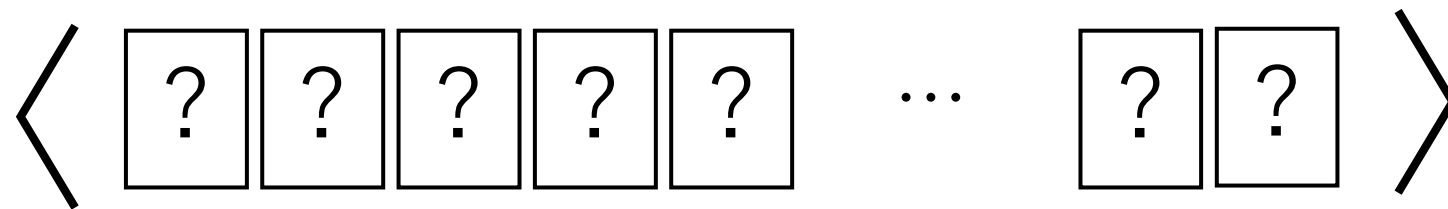
順番を保持したまま、特定のカードを除去する

除外プロトコル

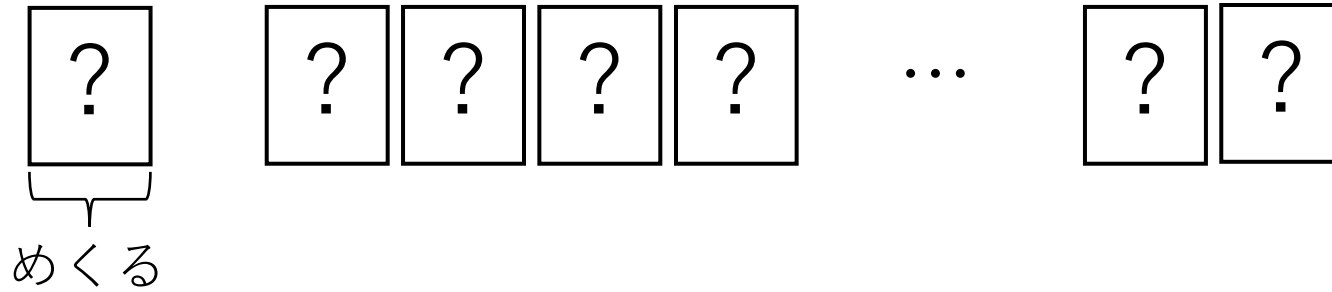
1. 以下のようにカードを並べる




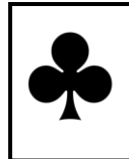
2. ◇カードを裏返し、ランダムカットを適用する



3. ランダムカットを適用したカード列の左端のカードを開く

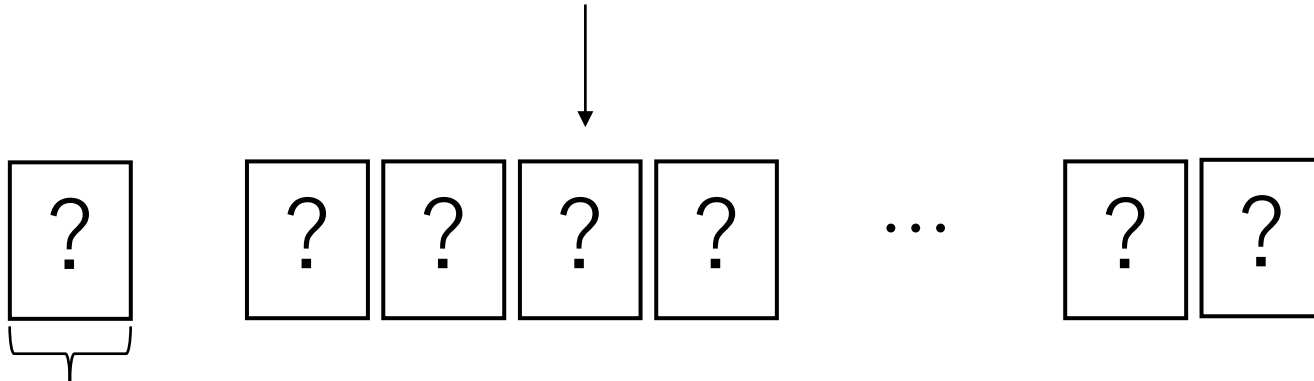
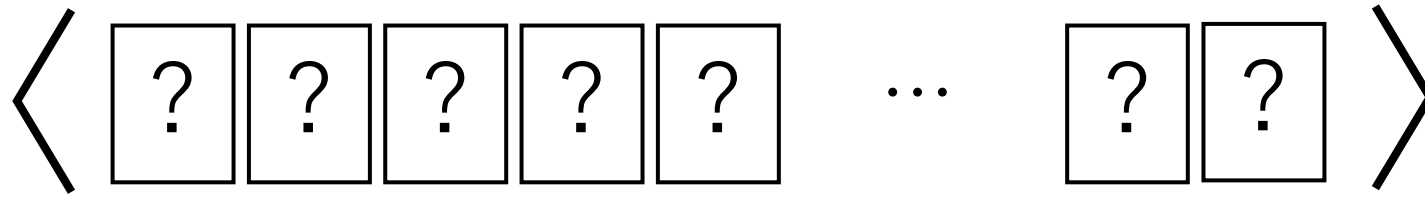


(a) めくったカードが  の場合、カードを取り除き、手順1に戻る

(b) めくったカードが  でない場合、裏返して元に戻し、手順1に戻る

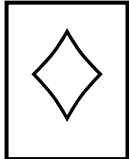
この手順を、 が k 枚なくなるま繰り返す

4. ランダムカットを適用して左端のカードを開く



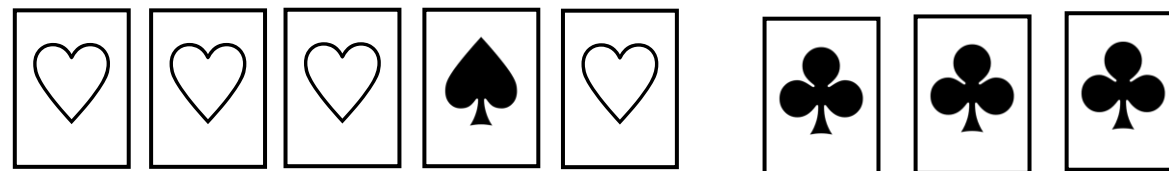
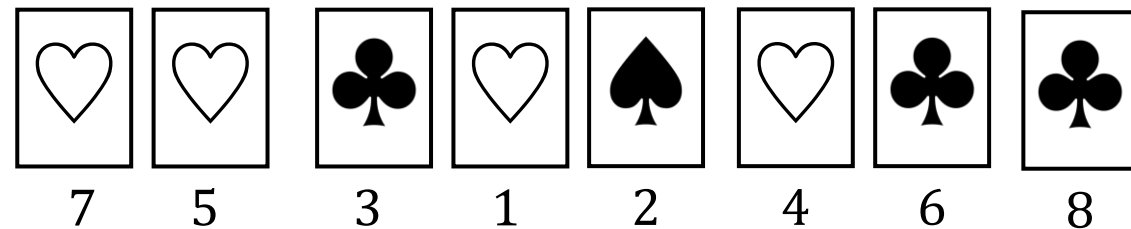
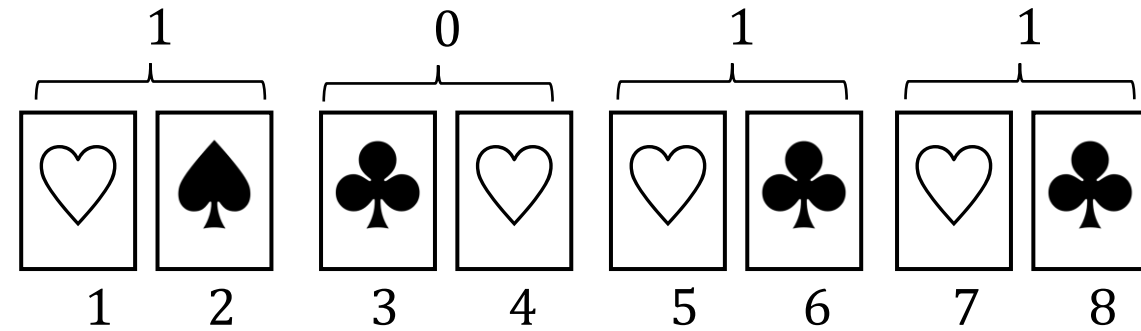
めくる

(a) めくったカードが  の場合、カードを取り除き手順を終了

(b) めくったカードが  ではない場合、裏返して元に戻し、手順4を繰り返す

以上より、♣を k 枚取り除き、元のカード列に戻せた

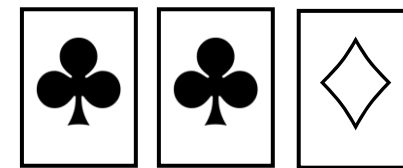
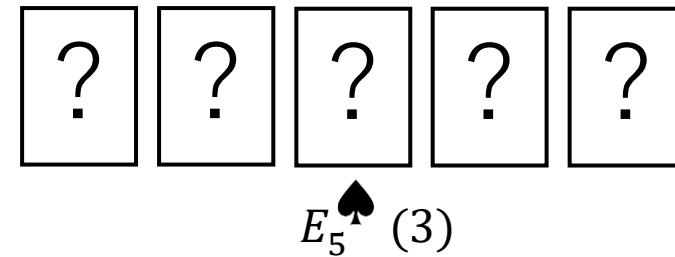
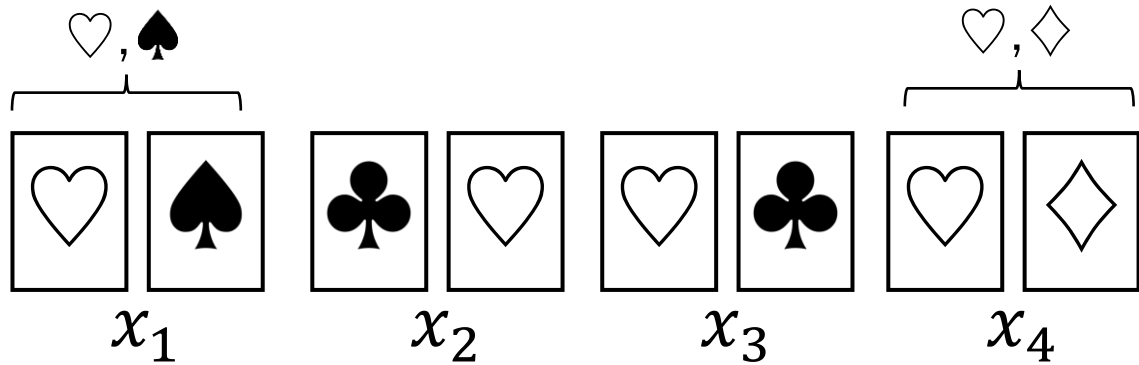
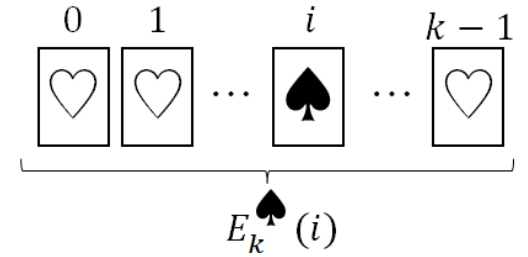
提案加算プロトコル①のアイデア



$$E_5^{\spadesuit} (\sum_{i=1}^n x_i)$$

提案加算プロトコル①

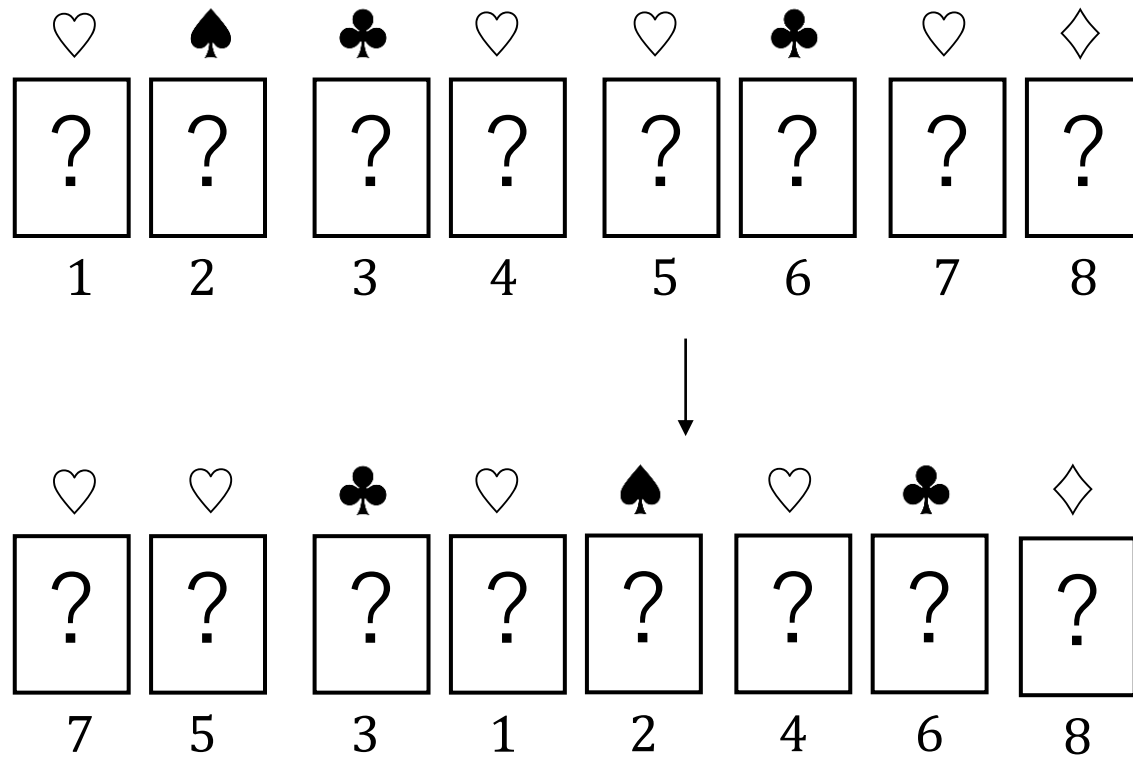
ex) $(x_1, x_2, x_3, x_4) = (1, 0, 1, 1)$



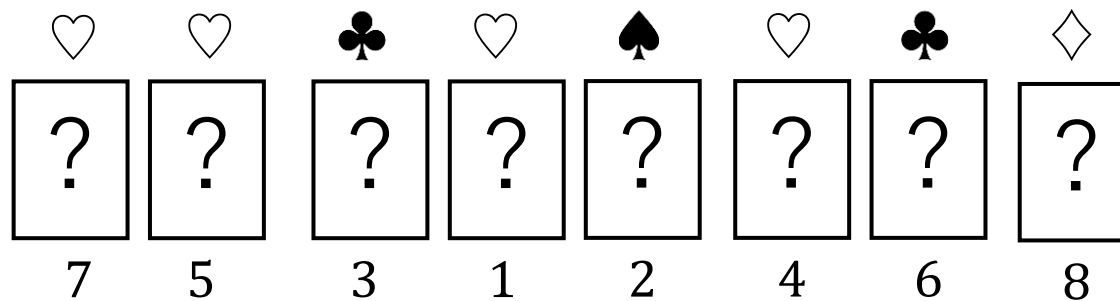
除外プロトコル

提案加算プロトコル①

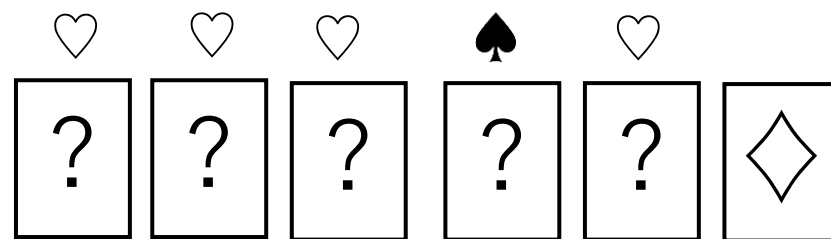
1. x_1 を中央に置き、以下のように入力されたカードを両脇に置く



2. このカード列から除外プロトコルを用いて♣カードを取り除き、◇が先頭に来るように並べ替える

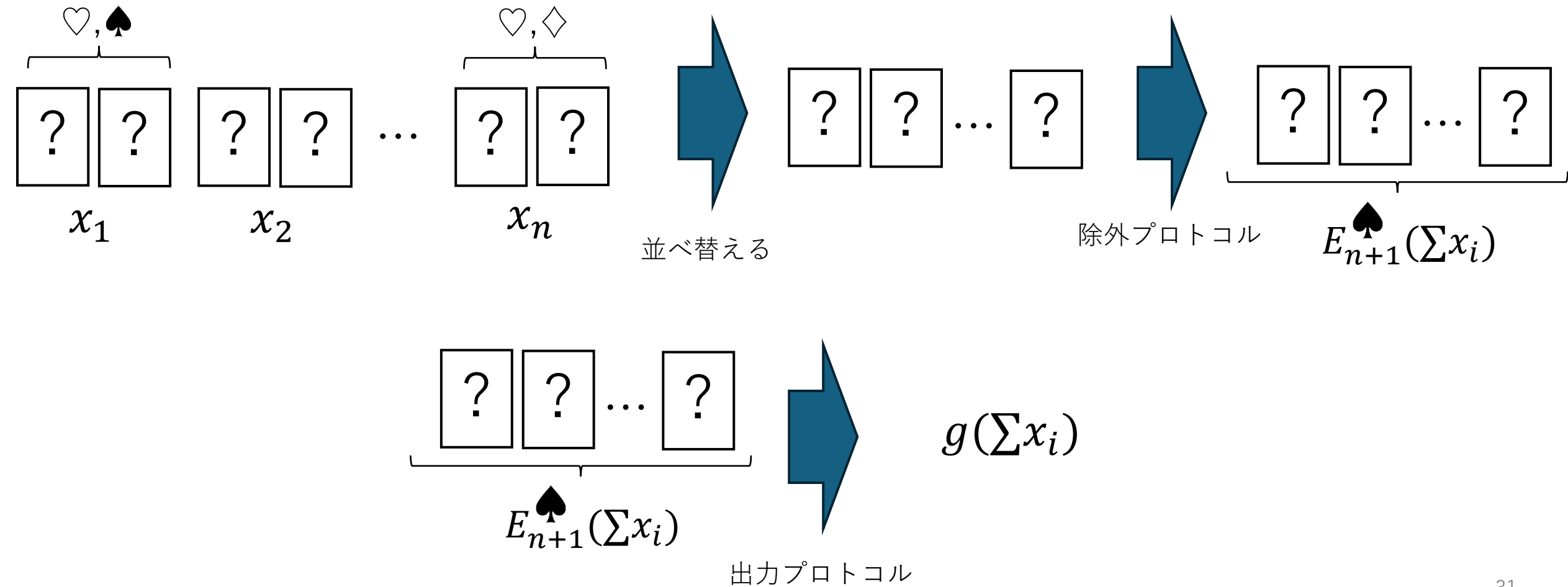


除外プロトコル



$$E_5^{\spadesuit} (\sum_{i=1}^n x_i)$$

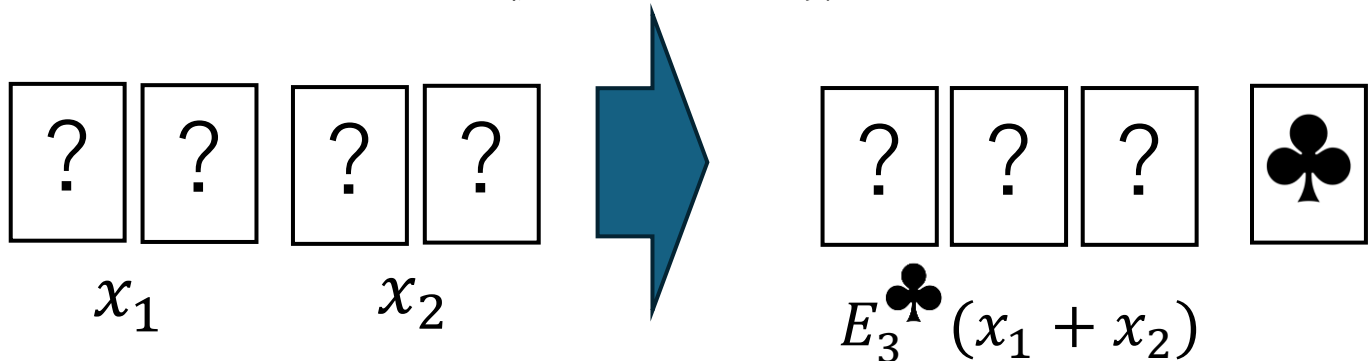
提案プロトコル①



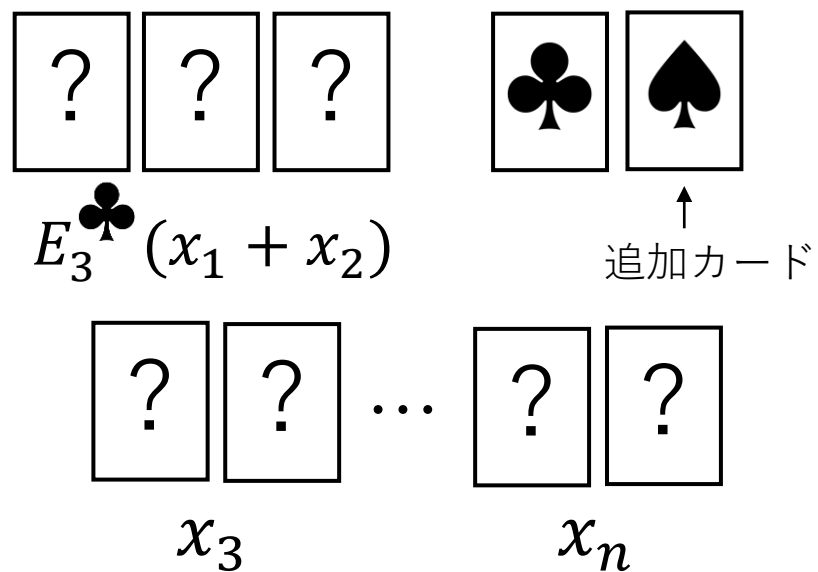
考案者	色数	カード枚数	シャッフル回数	有限時間	シャッフル
Ruangwises-Itoh(TAMC2020)	2	$2n + 2$	$n + R - 2$	○	PShift
提案方式①	4	$2n$	$2n + R - 1 + (n - 2) \sum_i^{n-1} \frac{1}{i}$	×	RC
提案方式②	3	$2n + 1$	$n + R$	○	RC and RBC
提案方式③	4	$2n$	$n + R + 8$	×	RC and RBC

提案プロトコル②の流れ

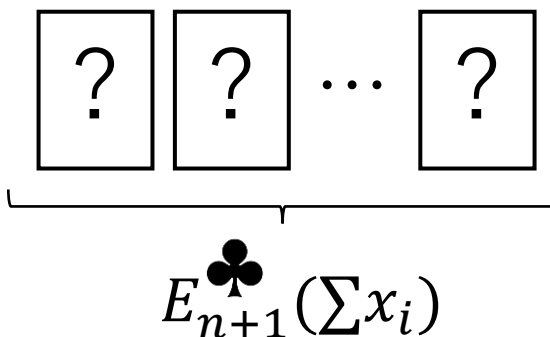
3枚エンコード加算



カード枚数： $2n + 1$ 枚(3色)
シャッフル回数： $n + |R|$

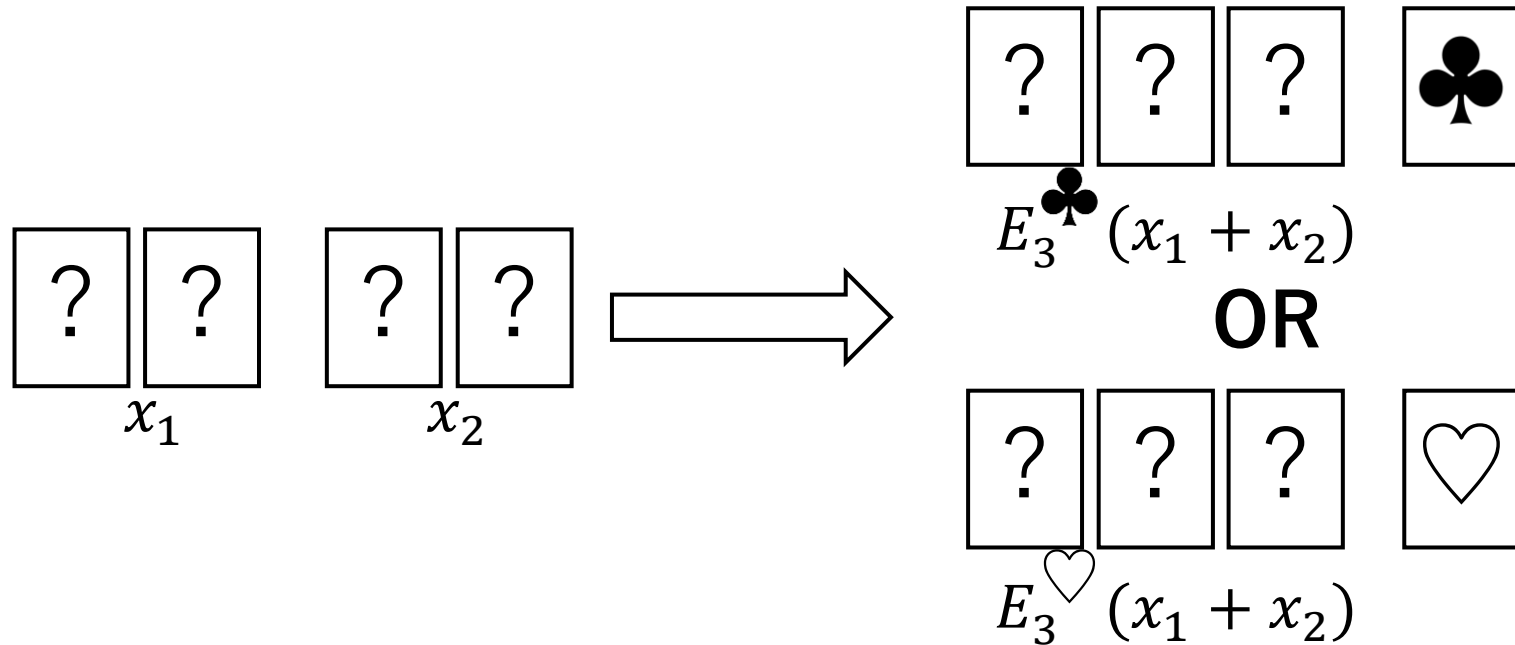


提案加算プロトコル②



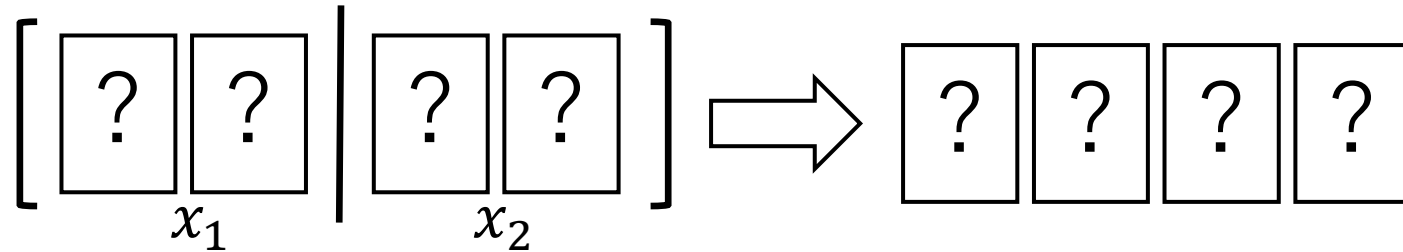
3枚エンコード加算

[Shikata et al. 22]によって提案されたプロトコル

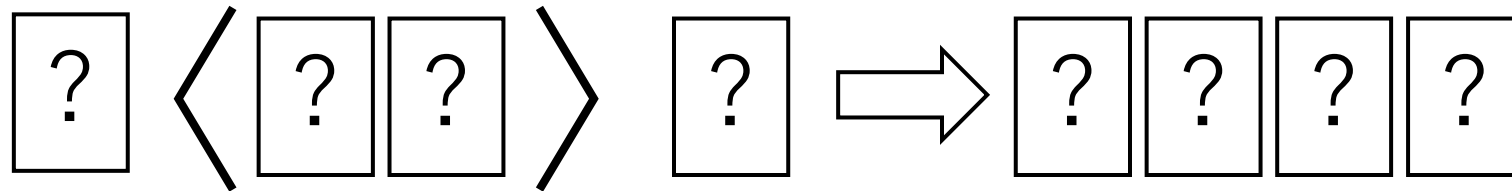


3枚エンコード加算


1. ランダム二等分割カットを適用

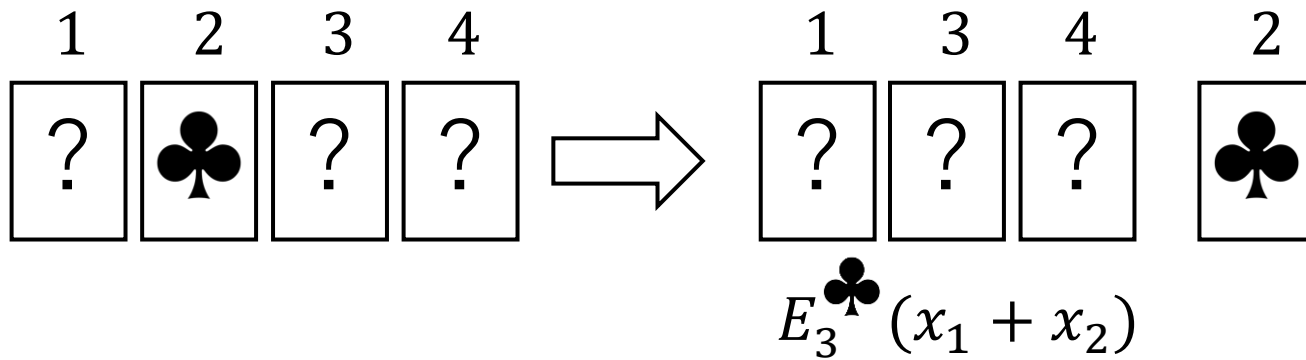



2. 中央の2枚に対してランダムカットを適用

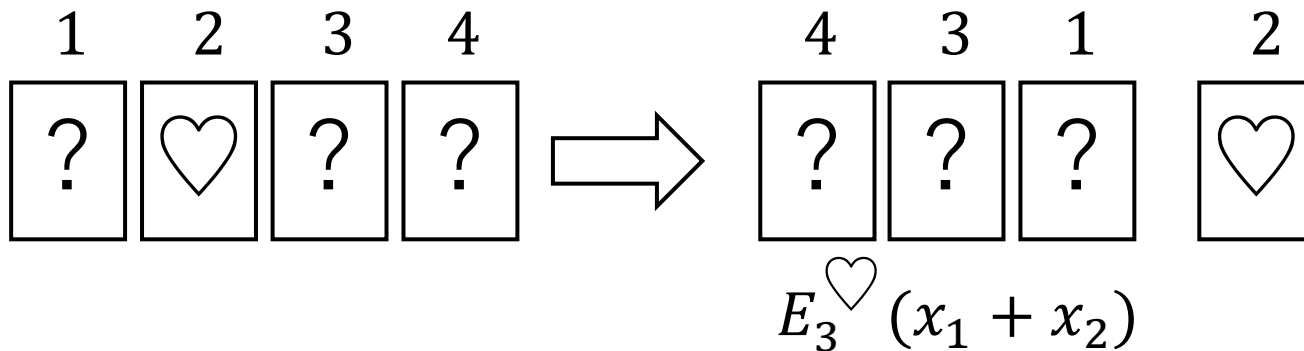


3. 左から2枚目のカードを開く

- 開いたカードが  のとき



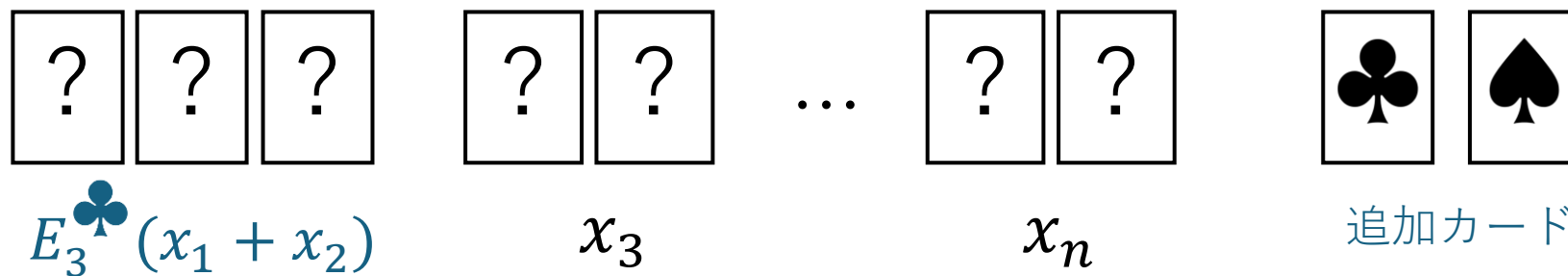
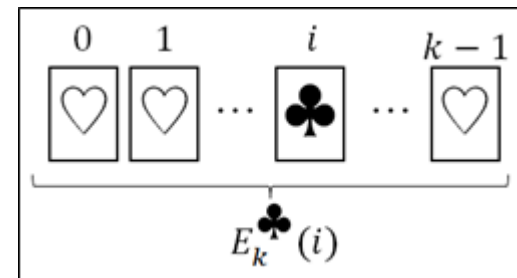
- 開いたカードが  のとき



ランダムに出力

追加カードなしで
 $x_1 + x_2$ を加算

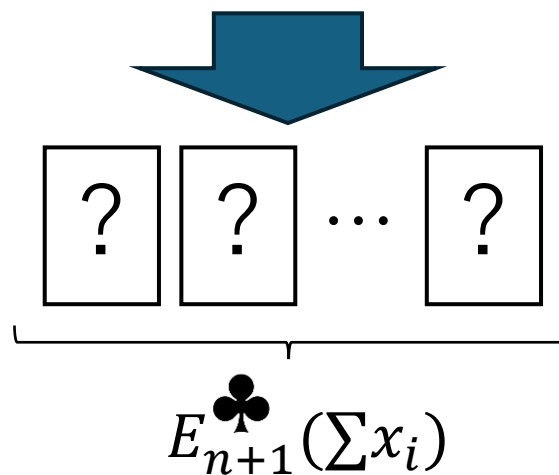
提案加算プロトコル②



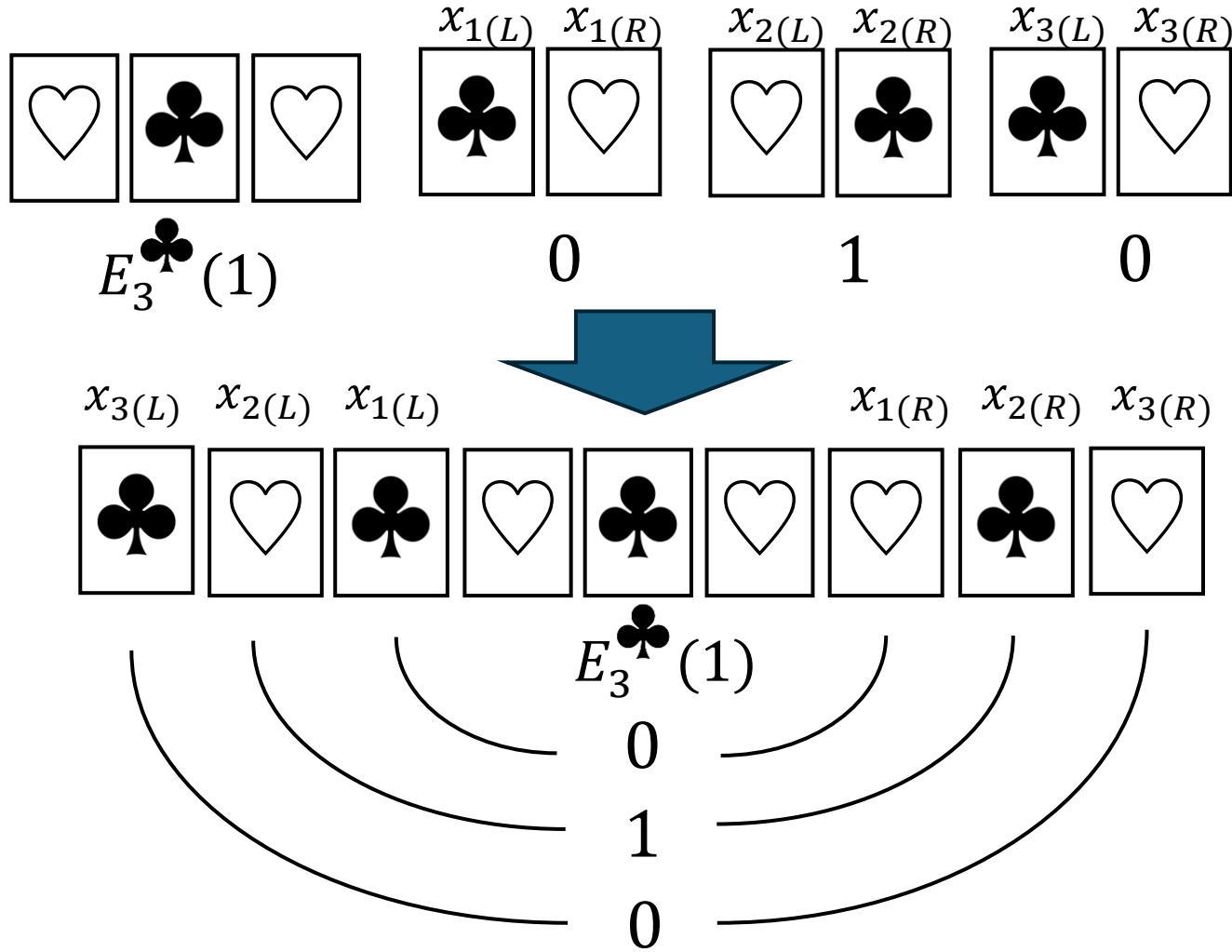
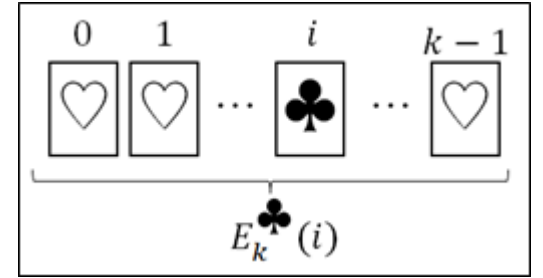
追加カード

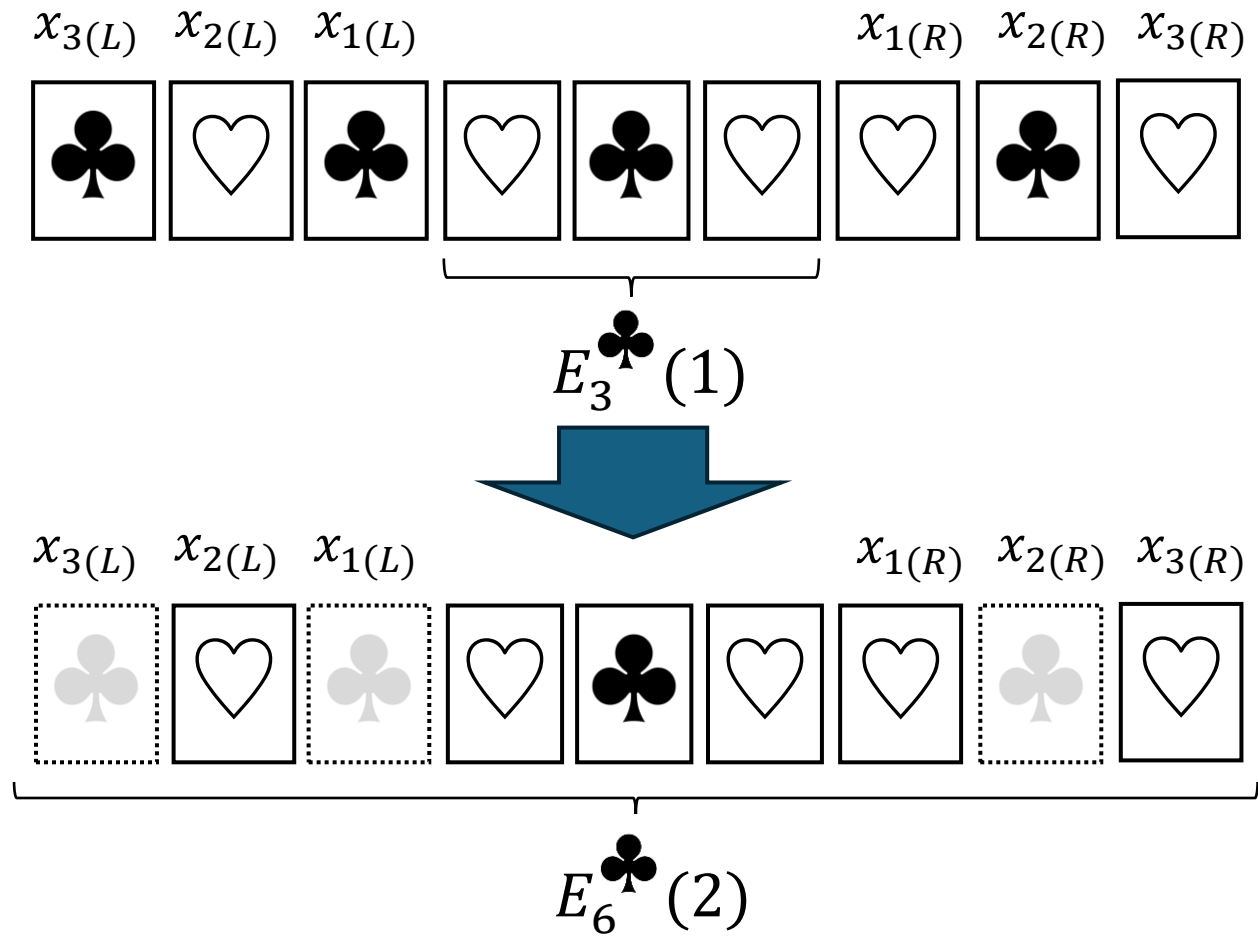
※ 整数符号化であればよい ($E_2^hearts(x_1)$, $E_k^clubs(\sum y_i)$ など)

※ 異なる種類であればよい ($\heartsuit \clubsuit$, $\diamond \spadesuit$ など)



提案加算プロトコル②のアイデア

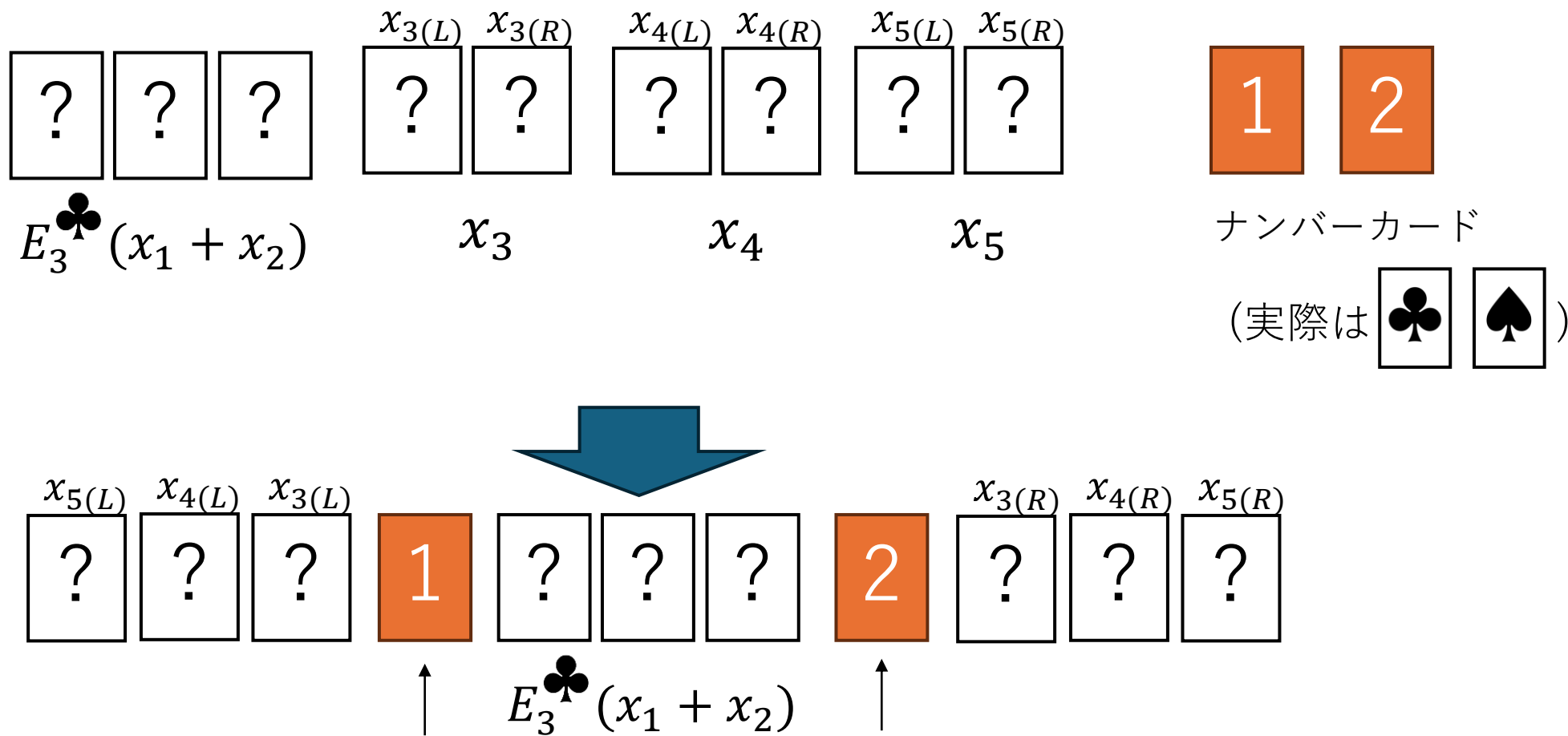




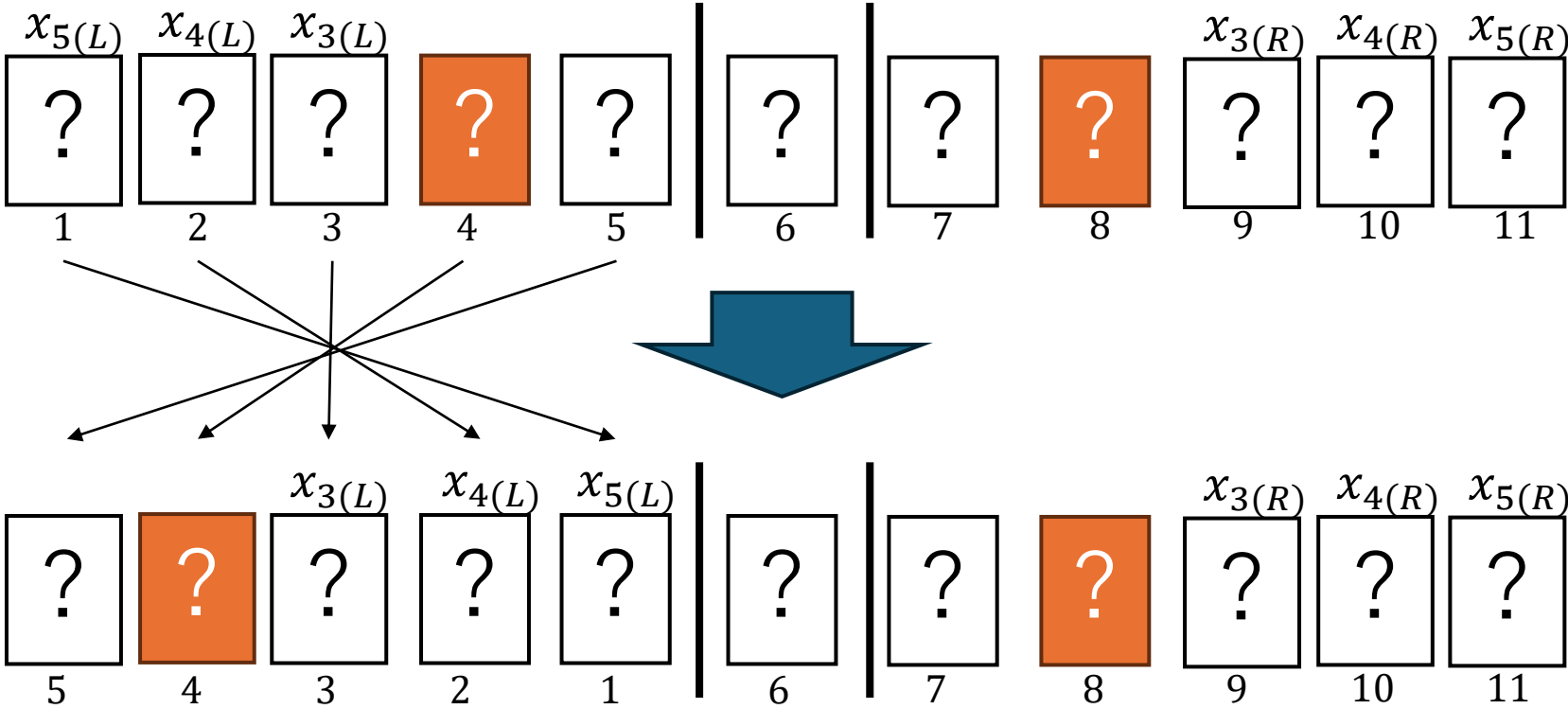
- x_1, x_2, x_3 をそのままめくると入力が漏れる
- ランダム二等分割カットでランダムイズしてからオープンする

提案加算プロトコル②

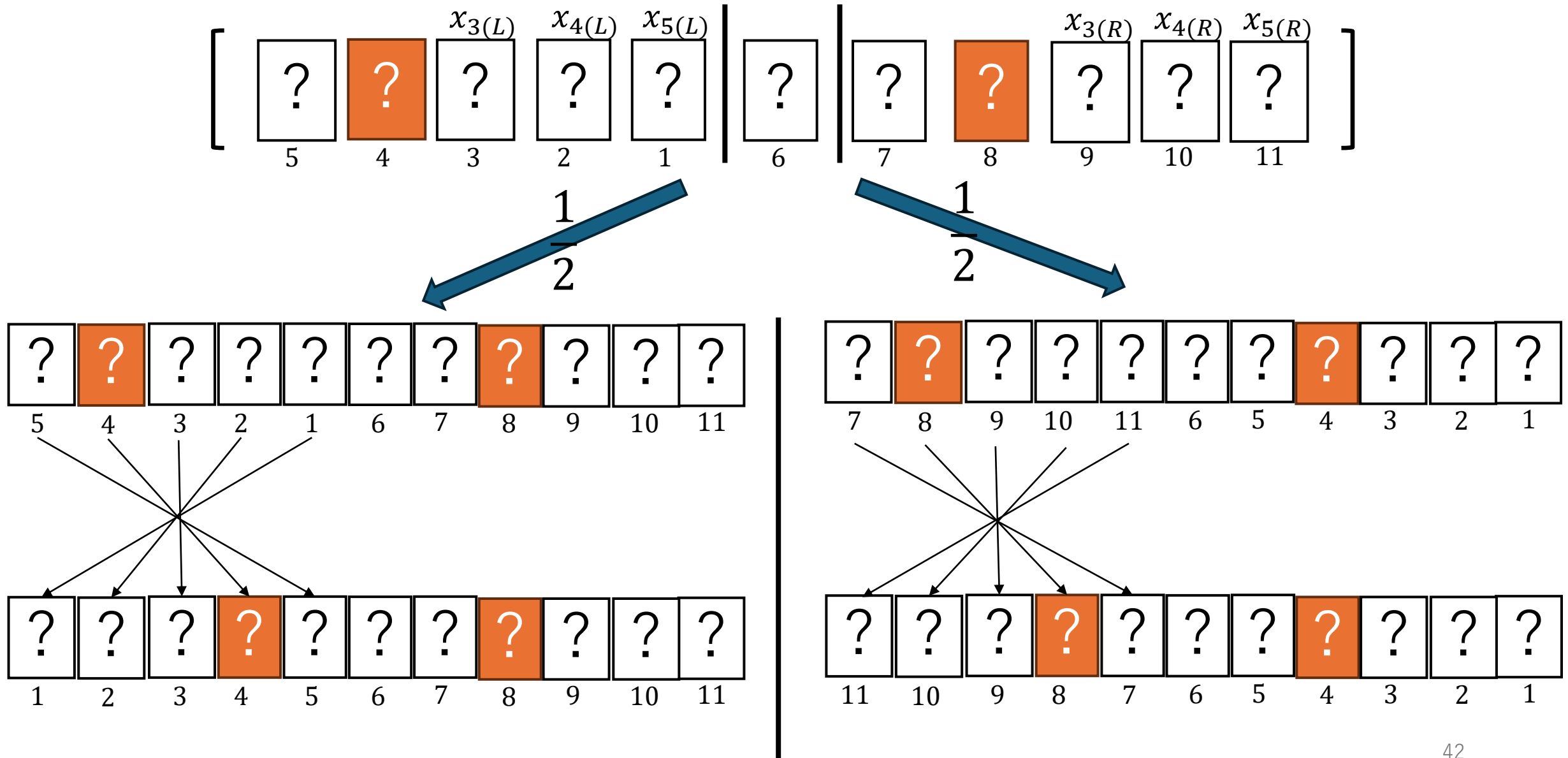
1. カードを並べ替える



2. カードを以下のように分割し、左側のカード列を並べ替える

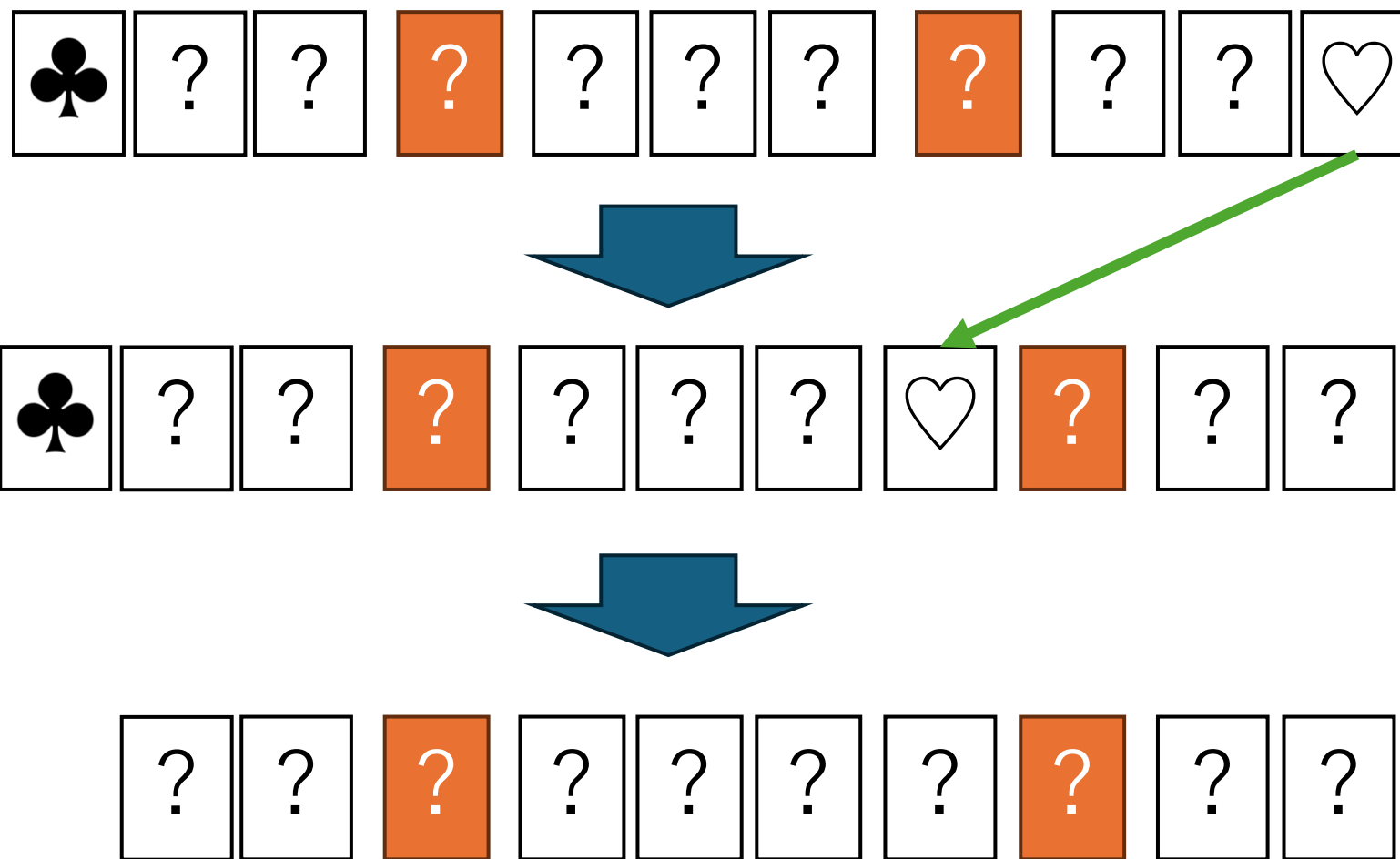


3. ランダム二等分割カットを実行し、並べ替える

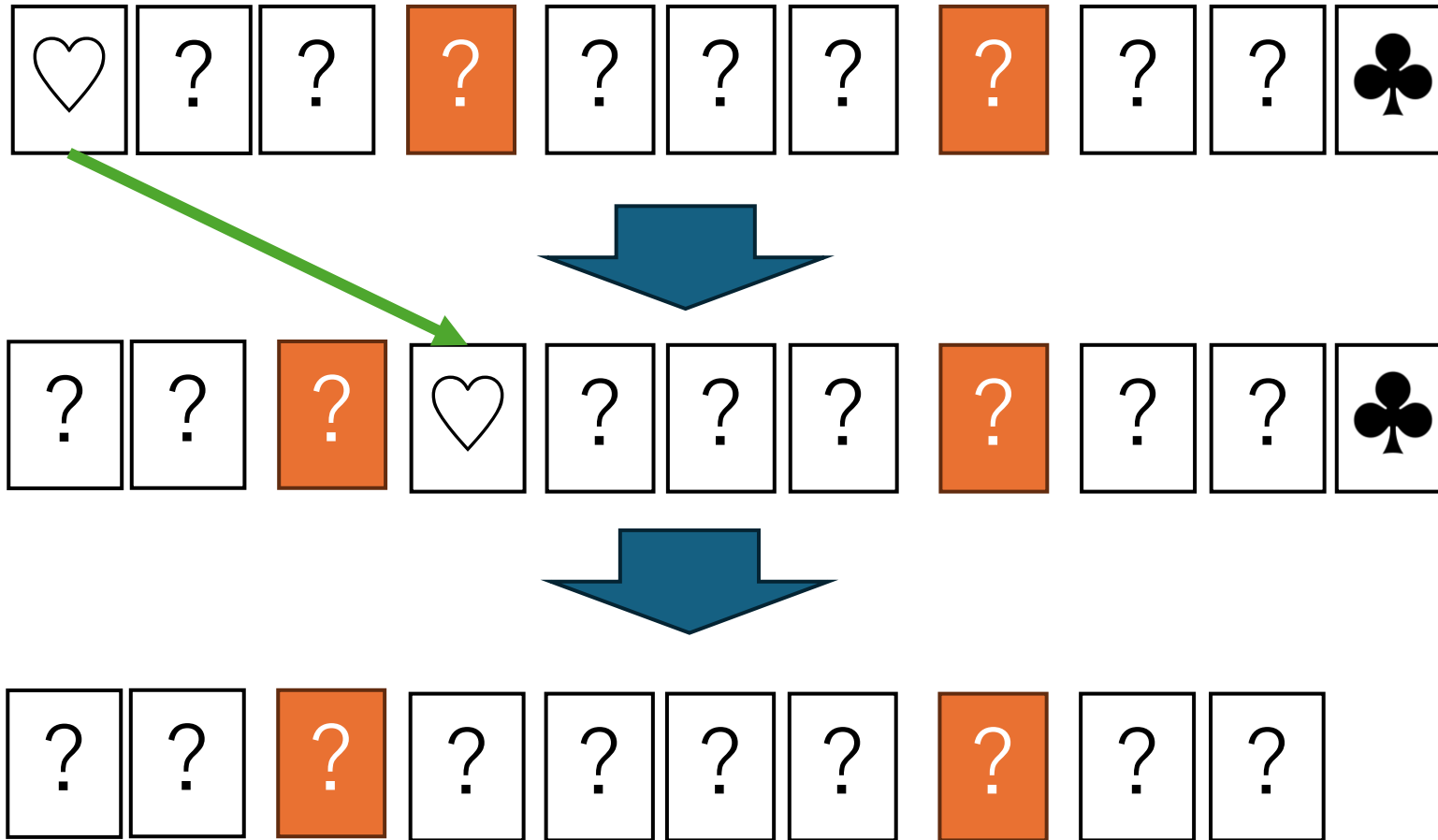


4. 両端のカードを開く

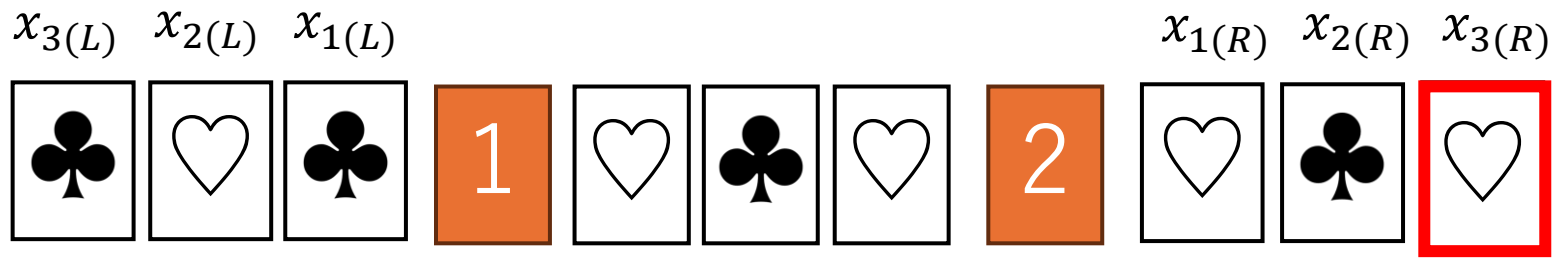
開いたカードが以下のとき



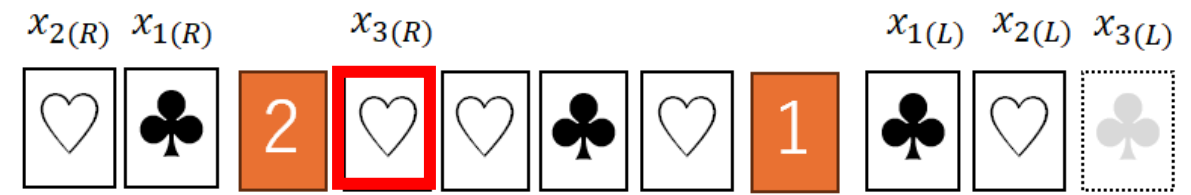
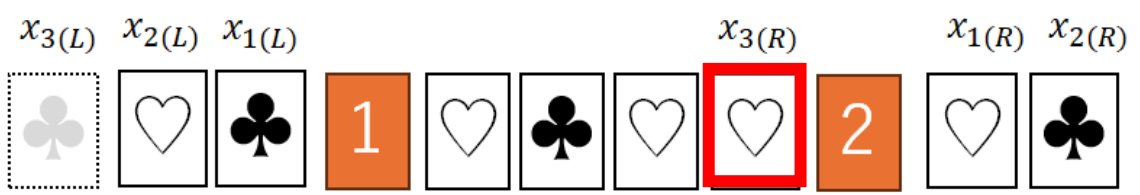
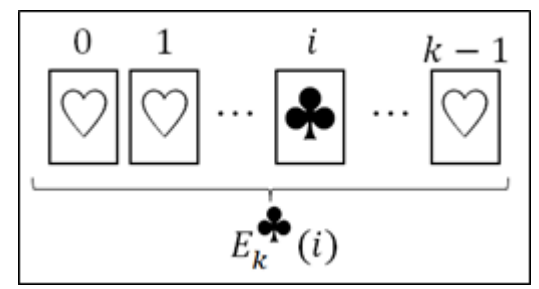
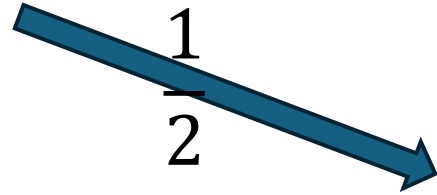
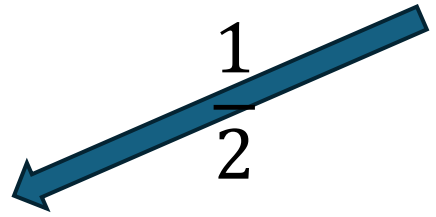
開いたカードが以下のとき



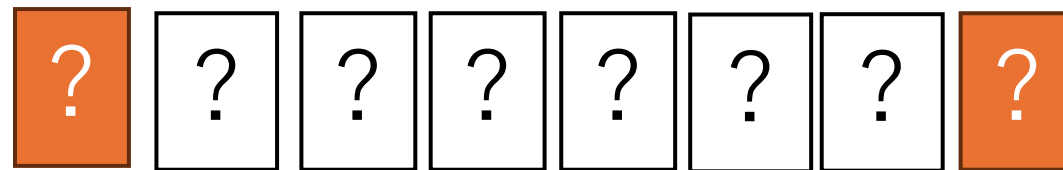
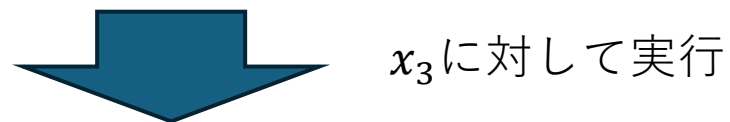
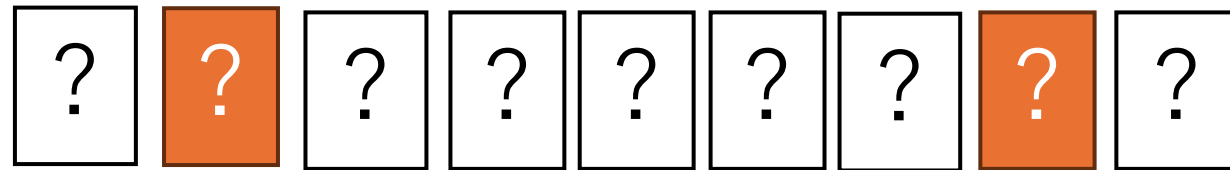
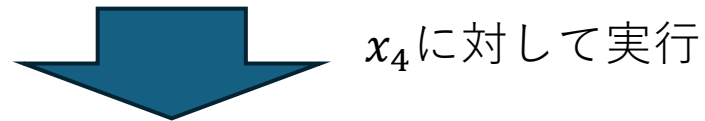
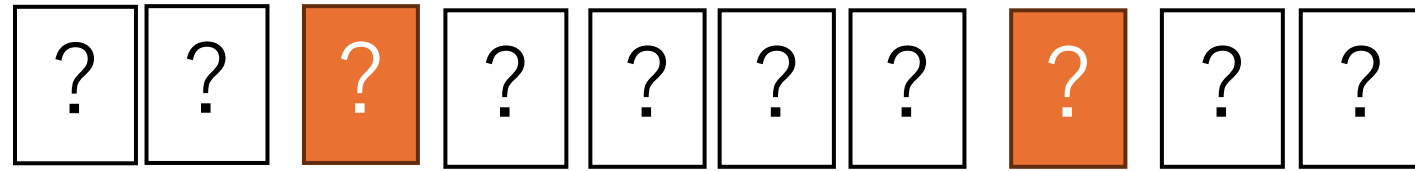
この手順で、 x_5 のコミットメントが加算された



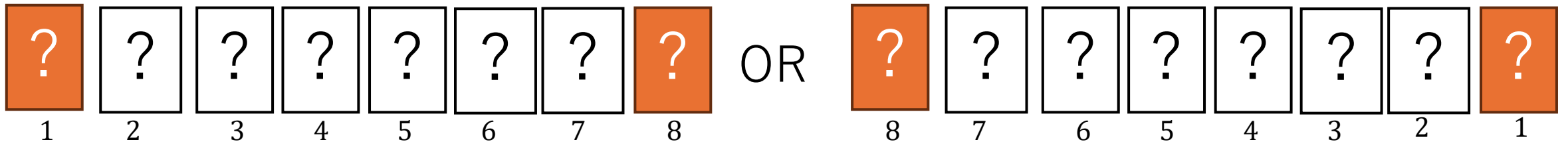
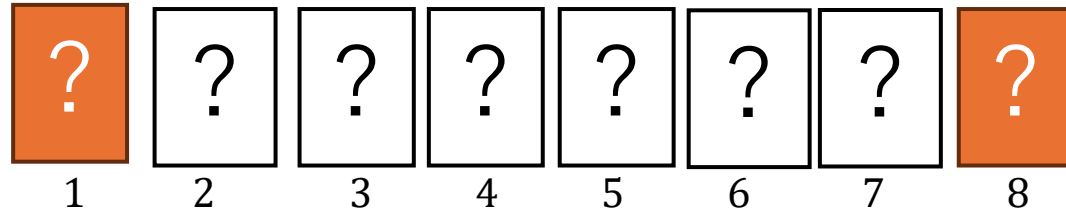
$E_3^{\clubsuit}(1)$



5. 同様の手順を x_3, x_4 に対しても実行する

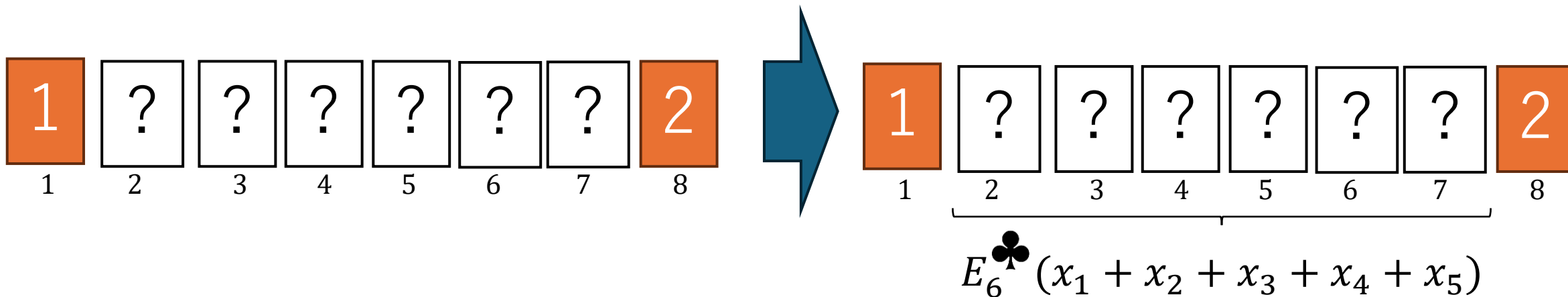


6. 手順2,3を実行する

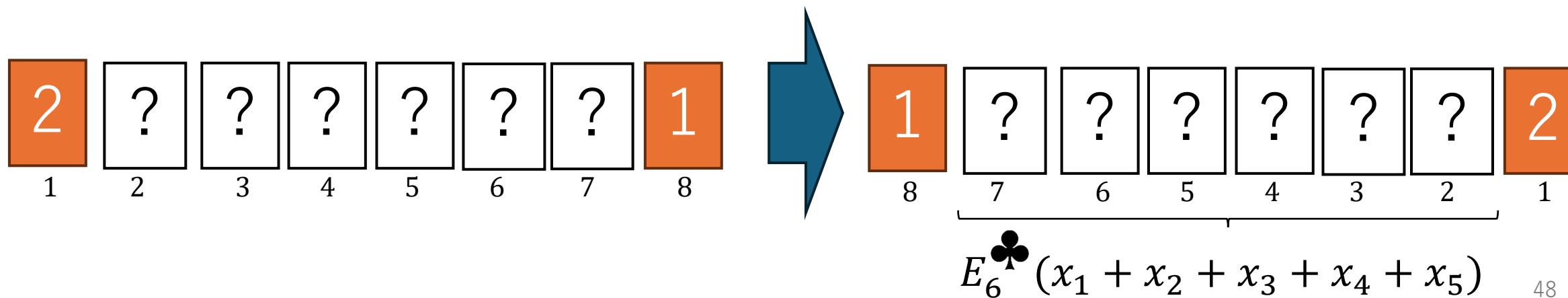


7. ナンバーカードを開く

(a) 以下の状態の時

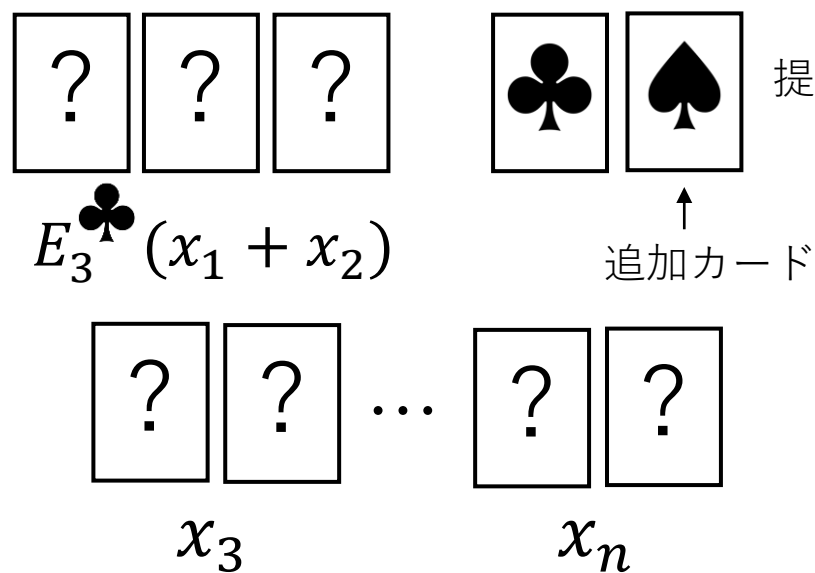
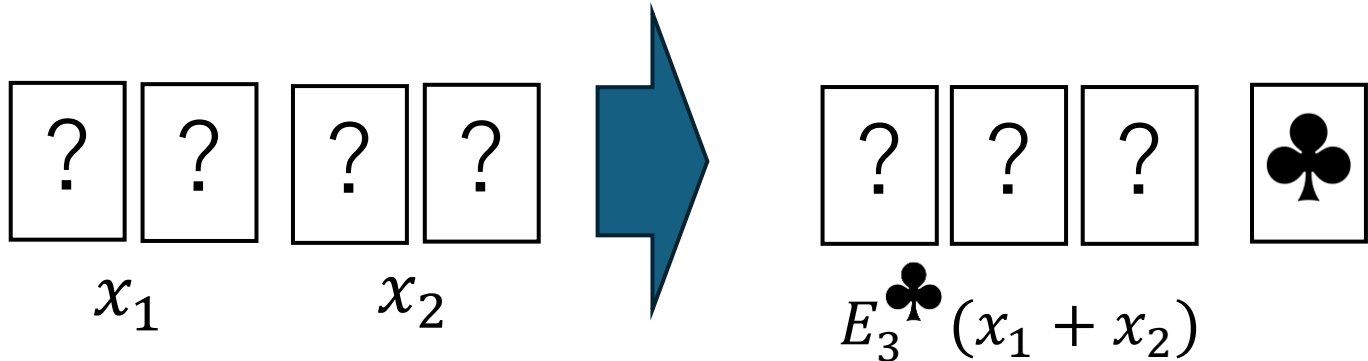


(b) 以下の状態の時



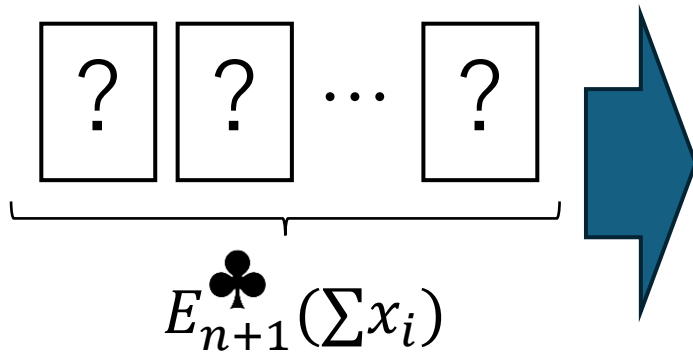
提案プロトコル②の流れ

3枚エンコード加算



提案加算プロトコル

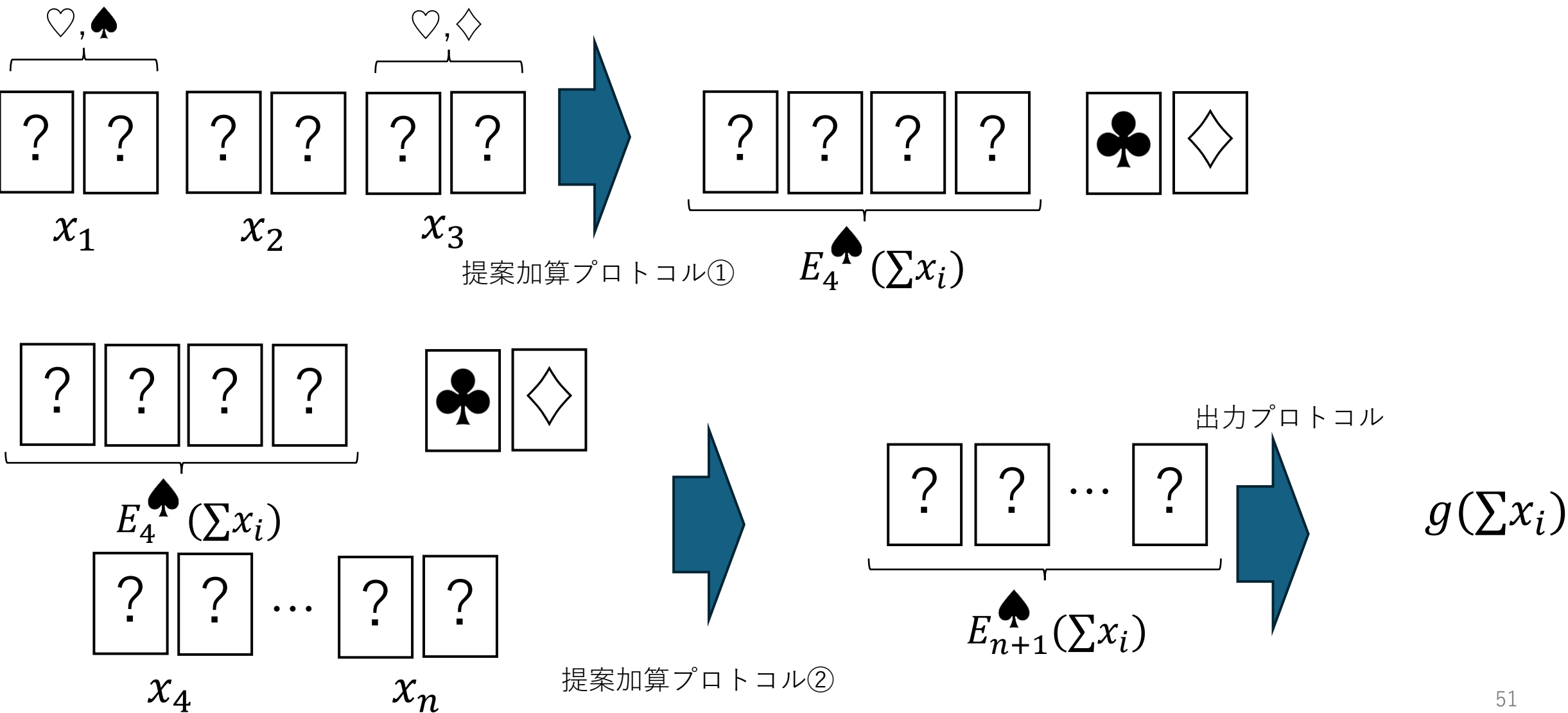
出力プロトコル



$$g(\sum x_i)$$

考案者	色数	カード枚数	シャッフル回数	有限時間	シャッフル
Ruangwises-Itoh(TAMC2020)	2	$2n + 2$	$n + R - 2$	○	PShift
提案方式①	4	$2n$	$2n + R - 1 + (n - 2) \sum_i^{n-1} \frac{1}{i}$	×	RC
提案方式②	3	$2n + 1$	$n + R $	○	RC and RBC
提案方式③	4	$2n$	$n + R + 8$	×	RC and RBC

提案プロトコル③の流れ



まとめ

成果

- 4色 $2n$ 枚のLas Vegasプロトコル (RCのみ)
- 3色 $2n + 1$ 枚の有限時間プロトコル
- シャッフル回数を削減した4色 $2n$ 枚のLas Vegasプロトコル

現在の進捗

- 2色 $2n + 1$ 枚のLas Vegasプロトコル

未解決問題

- 2色 $2n + 1$ 枚の有限時間プロトコルは構成可能か？
- 2色または3色 $2n$ 枚のLas Vegasプロトコルは構成可能か？